

## Jr. Inter IA Model Paper

### Section A

**10x2=20**

1.  $N$  is the set of natural numbers. Is the function  $f: N \rightarrow N$  defined by  $f(x)=2x+3$  onto Explain the reason ?

$N$  సహజ సంఖ్యాసమితి ఐతే పై ప్రమేయం సంగ్రస్తమా? కారణం వివరించండి ?

2. If  $f = \{(1,2) (2,-3) (3,-1)\}$  then find  $\sqrt{f}$ .

$f = \{(1,2) (2,-3) (3,-1)\}$  ఐతే  $\sqrt{f}$  ను కనుక్కోండి ?

3. If  $\overline{OA} = i + j + k, \overline{AB} = 3i - 2j + k, \overline{BC} = i + 2j - 2k$  and  $\overline{CD} = 2i + j + 3k$

then find the vector  $\overline{OD}$ ? సదిశను కనుక్కోండి?

4. If  $|\vec{a}| = 2, |\vec{b}| = 3, |\vec{c}| = 4$  each of  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  is perpendicular to the sum of the other two vectors, then

find the magnitude of  $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}$  ?

ప్రతి సదిశ మిగిలిన రెండు సదిశల మొత్తానికి లంబంగా ఉంటే  $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}$  సదిశ పరిమాణాన్ని కనుక్కోండి ?

5. Find the value of  $\sin^2 82^\circ \frac{1}{2} - \sin^2 22^\circ \frac{1}{2}$  ?

పై వాటి విలువ కనుక్కోండి?

6. Prove that  $\tanh(x-y) =$

$$\frac{\tanh x - \tanh y}{1 - \tanh x \cdot \tanh y} \text{ అని చూపండి ?}$$

7. Prove that

$$\cot\left(\frac{\pi}{20}\right)\cot\left(\frac{3\pi}{20}\right)\cot\left(\frac{5\pi}{20}\right)\cot\left(\frac{7\pi}{20}\right)\cot\left(\frac{9\pi}{20}\right) = 1 \text{ అని చూపండి ?}$$

8. ABCDE is a pentagon. If the sum of the vectors

$\overline{AB}, \overline{AE}, \overline{BC}, \overline{DC}, \overline{ED}, \overline{AC}$  is  $\lambda \overline{AC}$  then find the value of  $\lambda$  ?

పై విలువల ఆధారంగా  $\lambda$  ను కనుక్కోండి ?

9. If  $\omega$  is a complex (non-real) cube root of unity then show that

$$\begin{vmatrix} 1 & \omega & \omega^2 \\ \omega & \omega^2 & 1 \\ \omega^2 & 1 & \omega \end{vmatrix} = 0$$

పై విలువ సున్న అని నిరూపించండి?

10. If  $A = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 5 & 0 \\ -1 & 4 \end{pmatrix}$  and

$B = \begin{pmatrix} -2 & 3 & 1 \\ 4 & 0 & 2 \end{pmatrix}$  then find

$2A+B^T$  and  $3B^T-A$ ? A, B విలువల ఆధారంగా  $2A+B^T$ ,  $3B^T-A$  విలువలు కనుక్కోండి?

### Section-B

5x4=20

11. If  $\theta - \phi = \frac{\pi}{2}$  then show that

$$\begin{bmatrix} \cos^2 \theta & \cos \theta \sin \theta \\ \cos \theta \sin \theta & \sin^2 \theta \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \cos^2 \phi & \cos \phi \sin \phi \\ \cos \phi \sin \phi & \sin^2 \phi \end{bmatrix} = 0 \text{ అని చూపండి?}$$

12. In  $\Delta ABC$  త్రిభుజంలో If O is the circumcenter పరికేంద్రం, H is the orthocenter లంబకేంద్రం ఐతే, then show that

i)  $\overline{OA} + \overline{OB} + \overline{OC} = \overline{OH}$

ii)  $\overline{HA} + \overline{HB} + \overline{HC} = 2\overline{HO}$  అని చూపండి?

13. If  $A+B+45^\circ$  ఐతే then prove that

i)  $(1+\tan A)(1+\tan B) = 2$  అని చూపండి? and hence deduce the value of దీని నుంచి  $\tan 22\frac{1}{2}^\circ$  ను రాబట్టండి?

14. If  $\tan(\pi \cos \theta) = \cot(\pi \sin \theta)$  ఐతే then prove that

$$\cos\left(\theta - \frac{\pi}{4}\right) = \pm \frac{1}{\sqrt{2}} \text{ అని చూపండి?}$$

15. If  $\cos^{-1} \frac{p}{a} + \cos^{-1} \frac{q}{b} = \alpha$  ఐతే then prove that

$$\frac{p^2}{a^2} - \frac{2pq}{ab} \cdot \cos \alpha + \frac{q^2}{b^2} = \sin^2 \alpha \text{ అని చూపండి?}$$

16. In  $\Delta ABC$  త్రిభుజంలో show that

$$(b-c)^2 \cos^2 \frac{A}{2} + (b+c)^2 \sin^2 \frac{A}{2} = a^2 \text{ అని చూపండి?}$$

17. For any four vectors  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}, \vec{d}$  లు ఏవైనా నాలుగు సదిశలు ఐతే

$$(\vec{a} \times \vec{b}) \times (\vec{c} \times \vec{d}) = [\vec{a}, \vec{c}, \vec{d}] \vec{b} - [\vec{b}, \vec{c}, \vec{d}] \vec{a} \text{ and } (\vec{a} \times \vec{b}) \times (\vec{c} \times \vec{d}) = [\vec{a}, \vec{b}, \vec{d}] \vec{c} - [\vec{a}, \vec{b}, \vec{d}] \vec{d} \text{ అని చూపండి ?}$$

## Section-C

5x7=35

18. If  $f:A \rightarrow B$ ,  $g:B \rightarrow C$  be bijections. Then show that  $gof : A \rightarrow C$  is a bijection ?

$f:A \rightarrow B, g:B \rightarrow C$ లు ద్విగుణప్రమే యాలైతే  $gof : A \rightarrow C$  కూడా ద్విగుణ ప్రమేయమే అని చూపండి ?

19. Using mathematical induction, Show that  $3 \cdot 5^{2n+1} + 2^{3n+1}$  is divisible by 17 for all  $n \in \mathbb{N}$  ?

$3 \cdot 5^{2n+1} + 2^{3n+1}$  17తో నిశ్చేషంగా భాగితమవుతుందని చూపండి ?

20. A line makes angles  $\theta_1, \theta_2, \theta_3, \theta_4$  with the diagonals of the cube. Show that  $\cos^2 \theta_1 + \cos^2 \theta_2 + \cos^2 \theta_3 + \cos^2 \theta_4 = 4/3$  ?

ఒక రేఖ చతురస్రం నాలుగు కర్ణాలతో  $\theta_1, \theta_2, \theta_3, \theta_4$  కోణాలను చేస్తే  $\cos^2 \theta_1 + \cos^2 \theta_2 + \cos^2 \theta_3 + \cos^2 \theta_4 = 4/3$  అని చూపండి ?

21. If  $A, B, C$  are angles in a triangle, then prove that

$$\begin{aligned} & \sin \frac{A}{2} + \sin \frac{B}{2} + \sin \frac{C}{2} \\ &= 1 + 4 \sin \frac{\pi - A}{4} \cdot \sin \frac{\pi - B}{4} \cdot \sin \frac{\pi - C}{4} \end{aligned}$$

$A, B, C$  లు త్రిభుజ కోణాలైతే పై విలువలను నిరూపించండి ?

22. In  $\Delta ABC$  show that

$$\begin{aligned} & a \cos^2 \frac{A}{2} + b \cos^2 \frac{B}{2} + c \cos^2 \frac{C}{2} \\ &= S + \frac{\Delta}{R} \end{aligned}$$

పై విలువలను నిరూపించండి ?

23. show that

$$\begin{aligned} & \begin{vmatrix} -2a & a+b & c+a \\ a+b & -2b & b+c \\ c+a & c+b & -2c \end{vmatrix} \\ &= 4(a+b)(b+c)(c+a) \end{aligned}$$

అని చూపండి ?

24. Solve the following simultaneous linear equations by using Matrix Inversion method.

$$3x + 4y + 5z = 18,$$

$$2x - y + 8z = 0,$$

$$5x - 2y + 7z = 20$$

మాత్రికా విలోమ పద్ధతిలో పై సమీకరణాలను సాధించండి ?