

## Jr. Inter IA Model Paper

I. Answer all the following:

10×2=20

1. Find the domain of  $f(x) = \frac{1}{\log(2-x)}$

$$f(x) = \frac{1}{\log(2-x)} \text{ ప్రదేశాన్ని కనుక్కోండి ?}$$

2. If  $f: R - \{\pm 1\} \rightarrow R$  is defined by,  $f(x) = \log \left| \frac{1+x}{1-x} \right|$  then show that  $f\left(\frac{2x}{1+x^2}\right) = 2f(x)$

$$f(x) = \log \left| \frac{1+x}{1-x} \right| \text{ ఐతే}$$

$$f\left(\frac{2x}{1+x^2}\right) = 2f(x) \text{ అని చూపండి?}$$

3. If  $\vec{a} = 2\vec{i} + 5\vec{j} + \vec{k}$  and  $\vec{b} = 4\vec{i} + m\vec{j} + n\vec{k}$  are collinear vectors, then find m and n .

$$\vec{a} = 2\vec{i} + 5\vec{j} + \vec{k} \quad \vec{b} = 4\vec{i} + m\vec{j} + n\vec{k} \text{ లు సరేఖీయాలు ఐతే m, n, విలువలు ఎంత ?}$$

4. If  $a = i + 2j + 3k$ ,  $b = 3i + 5j - k$  are two sides of a triangle then find its area.

$$a = i + 2j + 3k, \quad b = 3i + 5j - k \text{ రెండు భుజాలు ఐతే త్రిభుజ వైశాల్యం ?}$$

5.  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  are mutually perpendicular unit vectors, then prove that  $|\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}| = \sqrt{3}$

$$\vec{a}, \vec{b}, \vec{c} \text{ లు అంబంగానున్న యూనిట్ సదిశలు ఐతే } |\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}| = \sqrt{3} \text{ అని నిరూపించండి?}$$

6. Draw the graph of  $y = \sin 2x$  in  $(-\pi, \pi)$

$$y = \sin 2x \text{ in } (-\pi, \pi) \text{ గ్రాఫ్ గీయండి?}$$

7. If  $\tan \theta = \frac{b}{a}$ , then prove that

$$a \cos 2\theta + b \sin 2\theta = a \quad \tan \theta = \frac{b}{a} \text{ ఐతే}$$

$$a \cos 2\theta + b \sin 2\theta = a \text{ అని చూపండి?}$$

8. Show that  $\tanh^{-1}\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{2} \log_e 3$

$$\tanh^{-1}\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{2} \log_e 3 \text{ అని చూపండి?}$$

9. If  $A = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 3 \\ 2 & 5 & 6 \\ 3 & x & 7 \end{pmatrix}$  is a symmetric matrix, then find x ?

$$A = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 3 \\ 2 & 5 & 6 \\ 3 & x & 7 \end{pmatrix} \text{ సౌష్ఠ్యపమాత్రిక ఐతే } x \text{ విలువ?}$$

10. If  $A = \begin{pmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$  then find  $A^4$  ?

**II. Answer any five of the follow ing :**

**5 × 4 = 20**

11. If A B C D E F be a regular hexagon with centre 'O', Show that  $AB + AC + AD + AE + AF = 3 AD = 6 AO$  ?

A B C D E F ఒక షడ్భుజి 'O' కేంద్రం ఐతే  $AB + AC + AD + AE + AF = 3 AD = 6 AO$  అని నిరూపించండి ?

12. With the usual notation prove that in any  $\Delta ABC$

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} \quad \Delta ABC \text{ లో}$$

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} \quad \text{అని నిరూపించండి?}$$

13. Prove that  $\frac{1}{\sin 10} - \frac{\sqrt{3}}{\cos 10} = 4$

$$\frac{1}{\sin 10} - \frac{\sqrt{3}}{\cos 10} = 4 \quad \text{అని నిరూపించండి ?}$$

14. Solve the following and write the general solution  $\sin 7\theta + \sin 4\theta + \sin \theta = 0$   
 $\sin 7\theta + \sin 4\theta + \sin \theta = 0$  సాధించండి ?

15. Prove that  $\tan^{-1} \frac{1}{2} + \tan^{-1} \frac{1}{5} + \tan^{-1} \frac{1}{8} = \frac{\pi}{4}$

$$\tan^{-1} \frac{1}{2} + \tan^{-1} \frac{1}{5} + \tan^{-1} \frac{1}{8} = \frac{\pi}{4} \quad \text{అని నిరూపించండి?}$$

16. If  $C = 60^\circ$ , then show that  $\frac{a}{b+c} + \frac{b}{c+a} = 1$

$$C = 60^\circ \text{ ఐతే } \frac{a}{b+c} + \frac{b}{c+a} = 1 \text{ నిరూపించండి ?}$$

17. Show that  $\begin{vmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & b & b^2 \\ 1 & c & c^2 \end{vmatrix} = (a-b)(b-c)(c-a)$

$$\begin{vmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & b & b^2 \\ 1 & c & c^2 \end{vmatrix} = (a-b)(b-c)(c-a) \text{ అని నిరూపించండి?}$$

III. Answer any five of the following :

5 × 7 = 35

18.  $f : A \rightarrow B, g : B \rightarrow C$  be bijective functions, then prove that  $(gof)^{-1} = f^{-1}og^{-1}$

$f : A \rightarrow B, g :$  ద్విగుణ ప్రమేయాలైతే  $(gof)^{-1} = f^{-1}og^{-1}$  అని చూపండి?

19. Using mathematical induction, prove  $2.3 + 3.4 + 4.5 + \dots$  upto

$$n \text{ terms} = \frac{n(n^2 + 6n + 11)}{3} \quad 2.3 + 3.4 + 4.5 + \dots n$$

$$= \frac{n(n^2 + 6n + 11)}{3} \text{ గుణితాగమణ సిద్ధాంతం ప్రకారం నిరూపించండి?}$$

20. If  $A=(1,-2, -1) B= (4, 0,-3) C= (1, 2,-1) D=( 2,-4,-5)$  then find the distance between the lines AB and CD ?

$A = (1,-2,-1) B= (4,0,-3) C= (1, 2, -1) D= ( 2, -4, -5)$  ఐతే AB, CD ల మధ్య దూరం కనుక్కోండి?

21. If A,B,C are angles of a triangle, prove that  $\cos 2A + \cos 2B + \cos 2C = -4\cos A\cos B\cos C - 1$

$\cos 2A + \cos 2B + \cos 2C = -4\cos A\cos B\cos C - 1$  నిరూపించండి?

22. If  $A = \begin{pmatrix} a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \\ a_3 & b_3 & c_3 \end{pmatrix}$  is non singular matrix then P.t A is invertible and  $A^{-1} = \frac{\text{adj}A}{\det A}$ .

If  $A = \begin{pmatrix} a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \\ a_3 & b_3 & c_3 \end{pmatrix}$  సాధారణ మాత్రిక ఐతే  $A^{-1} = \frac{\text{adj}A}{\det A}$  నిరూపించండి?

23. If  $a=13, b=14, c=15$ , show that  $R = \frac{65}{8}, r=4, r_1 = \frac{21}{2}, r_2 = 12$  and  $r_3 = 14. a=13, b=14$ , ఐతే

$$R = \frac{65}{8}, r=4, r_1 = \frac{21}{2}, r_2 = 12 \quad r_3 = 14$$

నిరూపించండి?

24. Solve the linear equations  $2x - y + 3z = 9$ ,  $x + y + z = 6$ ,  $x - y + z = 2$  సమీకరణాలను గాస్ జోర్డాన్ పద్ధతిలో సాధించండి? by using Gauss-Jordan ethod.

www.sakshieducation.com