

సంఖ్యా వ్యవస్థ (Number System)

- సహజ సంఖ్యలు: లెక్కించే సంఖ్యలను సహజ సంఖ్యలు లేదా గణన సంఖ్యలు అంటారు.
ఉదాహరణ: 1, 2, 3, 4, 5,
- పూర్ణాంకాలు: సహజ సంఖ్యలు, సున్నా కలుపగా వచ్చే సంఖ్యలు పూర్ణాంకాలు.
ఉదాహరణ: 0, 1, 2, 3, 4, 5,
- పూర్ణ సంఖ్యలు: రుణ పూర్ణాంకాలు, సున్నా, సహజ సంఖ్యలను కలిపి పూర్ణ సంఖ్యలు అంటారు.
ఉదాహరణ: ... -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, ...
- ప్రధాన సంఖ్యలు: రెండు కారణాంకాలు మాత్రమే ఉన్న సంఖ్యలు ప్రధాన సంఖ్యలు లేదా అభాజ్య సంఖ్యలు.
ఉదాహరణ: 2, 3, 5, 7, 11..
- కవల ప్రధాన సంఖ్యలు: ప్రధాన సంఖ్యలై ఉండి వాటి మధ్య భేదం '2' గల సంఖ్యల జతను కవల ప్రధాన సంఖ్యలు అంటారు.
ఉదాహరణ: (3, 5) (5, 7), (11, 13) (17, 19).....
- సహ-ప్రధాన సంఖ్యలు: రెండు సహజ సంఖ్యల గరిష్ట సామాన్య భాజకం (HCF) 1 అయితే, ఆ రెండు సంఖ్యలను సహ ప్రధాన సంఖ్యలు అంటారు.
ఉదాహరణ: (9, 10) (15, 28)....
- సరి సంఖ్యలు: '2' తో నిశ్చేషంగా భాగితమయ్యే సంఖ్యలను సరి సంఖ్యలు అంటారు.
ఉదాహరణ: 2, 4, 6, 8, 10.....
- బేసి సంఖ్యలు: '2'తో భాగితం కానీ సంఖ్యలను బేసి సంఖ్యలు అంటారు. ఉదాహరణ: 1, 3, 5, 7, 9.....
- సంయుక్త సంఖ్యలు: రెండు కంటే ఎక్కువ కారణాంకాలు ఉన్న సంఖ్యలను సంయుక్త సంఖ్యలు అంటారు. లేదా 1, ప్రధాన సంఖ్యలు మినహా మిగిలిన సహజ సంఖ్యలను సంయుక్త సంఖ్యలు అంటారు.
ఉదాహరణ: 4, 6, 8, 9, 10, 12.....
- పరిపూర్ణ సంఖ్యలు: ఏదైనా సంఖ్య కారణాంకాల మొత్తం ఆ సంఖ్యకు రెట్టింపు అయితే ఆ సంఖ్యను పరిపూర్ణ సంఖ్య (లేదా) శుద్ధ సంఖ్య అంటారు.
ఉదాహరణ: 6, 28, 496.....
- $1 + 2 + 3 + 4 + 5 + \dots + n \dots$ సహజ సంఖ్యల మొత్తం $= \frac{n(n+1)}{2}$
- $1 + 3 + 5 + 7 + 9 + \dots n$ వ బేసి సంఖ్యల మొత్తం $= n^2$
- $2 + 4 + 6 + 8 + 10 + \dots n$ వ సరిసంఖ్యల మొత్తం $= n(n+1)$
- $1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 + 5^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$
- $1^3 + 2^3 + 3^3 + 4^3 + 5^3 + \dots + n^3 = \left[\frac{n(n+1)}{2} \right]^2$
- $(a + b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$
- $(a - b)^2 = a^2 + b^2 - 2ab$
- $(a + b + c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca)$

$$\square (a + b)^3 = a^3 + b^3 + 3ab(a + b)$$

$$\square (a - b)^3 = a^3 - b^3 - 3ab(a - b)$$

$$\square a(b + c) = ab + ac$$

$$\square a(b - c) = ab - ac$$

$$\square (a + b)(a - b) = a^2 - b^2$$

$$\square (a + b)^2 + (a - b)^2 = 2(a^2 + b^2)$$

$$\square (a + b)^2 - (a - b)^2 = 4ab$$

$$\square \frac{a^3 + b^3}{a^2 + b^2 - ab} = a + b$$

$$\square \frac{a^3 - b^3}{a^2 + b^2 + ab} = a - b$$

$$\square \frac{a^2 + b^2 - ab}{a^3 + b^3} = \frac{1}{a + b}$$

$$\square \frac{a^2 + b^2 + ab}{a^3 - b^3} = \frac{1}{a - b}$$

$$\square (a^2 + b^2 - a^2)(a + b) = a^3 + b^3$$

$$\square (a^2 + b^2 + ba)(a - b) = a^3 - b^3$$

$$\square \frac{(a + b)^2 + (a - b)^2}{2} = a^2 + b^2$$

$$\square \frac{(a + b)^2 - (a - b)^2}{4} = ab$$

$$\square a^m \times a^n = a^{m+n}$$

$$\square a^m \div a^n = a^{m-n}$$

$$\square (ab)^n = a^n b^n$$

$$\square \sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$$

$$\square \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$$

$$\square (a^m)^n = a^{mn}$$

$$\square a^0 = 1$$

$$\square \text{విభాజ్యం} = (\text{విభాజకం} \times \text{భాగఫలం}) + \text{శేషం}$$

$$\square \text{విభాజకం} = \frac{(\text{విభాజ్యం} - \text{శేషం})}{\text{భాగఫలం}}$$

$$\square \text{భాగఫలం} = \frac{(\text{విభాజ్యం} - \text{శేషం})}{\text{విభాజకం}}$$

Q. 1 నుంచి 100 వరకు గల సహజ సంఖ్యల మొత్తం ఎంత?

a) 10100

b) 5050

c) 15050

d) ఏదీకాదు

Ans: b

Sol: $1 + 2 + 3 + 4 + 5 + \dots + n \dots$ సహజ సంఖ్యల మొత్తం $= \frac{n(n+1)}{2}$

1 - 100 వరకు గల సహజ సంఖ్యలు (n) = 100

1 నుంచి 100 వరకు గల సహజ సంఖ్యల మొత్తం $= \frac{100(100+1)}{2} = \frac{100 \times 101}{2} = 5050$

Q. 1నుంచి 50వరకు గల సహజ సంఖ్యల మొత్తం ఎంత?

a) 1250

b) 1275

c) 1125

d) ఏదీకాదు

Ans: b

Q. 51 నుంచి 100 వరకు గల సహజ సంఖ్యల మొత్తం ఎంత?

a) 3775

b) 5050

c) 1250

d) ఏదీకాదు

Ans: a

Sol: 1 నుంచి 100 వరకు గల సహజ సంఖ్యల మొత్తం $= \frac{100(100+1)}{2} = \frac{100 \times 101}{2} = 5050 \rightarrow I$

$$1 \text{ నుంచి } 50 \text{ వరకు గల సహజ సంఖ్యల మొత్తం} = \frac{50(50+1)}{2} = \frac{50 \times 51}{2} = 1275 \rightarrow \text{II}$$

$$51 - 100 \text{ వరకు సహజ సంఖ్యల మొత్తం} = \text{I} - \text{II} = (5050 - 1275) = 3775$$

Q. 101 - 200 వరకు గల సహజ సంఖ్యల మొత్తం?

- a) 20100 b) 5050 c) 15050 d) ఏదీకాదు

Ans: c

Q. 1 నుంచి 100 వరకు గల సరి సంఖ్యల మొత్తం ఎంత?

- a) 10100 b) 10000 c) 2550 d) ఏదీకాదు

Ans: c

Sol: $2 + 4 + 6 + 8 + \dots$ nవ సరి సంఖ్యల మొత్తం $= n(n+1)$

1 నుంచి 100 వరకు గల సరి సంఖ్యలు $n = 50$

$$1 \text{ నుంచి } 100 \text{ వరకు గల సరి సంఖ్యల మొత్తం} = 50(50+1) = 50 \times 51 = 2550$$

Q. మొదటి 75 బేసి సంఖ్యల మొత్తం ఎంత?

- a) 1444 b) 5625 c) 1521 d) ఏదీకాదు

Ans: b

Sol: $1 + 3 + 5 + 7 + 9 + \dots$ nవ బేసి సంఖ్యల మొత్తం n^2

$$\text{మొదటి } 75 \text{ బేసి సంఖ్యల మొత్తం} = 75^2 = 5625$$

Q. $1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + 13 + 15 + 17 + 19 + 21 = ?$

- a) 111 b) 117 c) 121 d) 129

Ans: c

Sol: 1 నుంచి 21 వరకు గల బేసి సంఖ్యలు $(n) = 11$

$$1 \text{ నుంచి } 21 \text{ వరకు గల బేసి సంఖ్యల మొత్తం} = n^2 = 11^2 = 121$$

Q. మూడంకెల్లో కనిష్ట సంఖ్య నుంచి మూడంకెల్లో గరిష్ట సంఖ్య వరకు గల బేసి సంఖ్యల మొత్తం ఎంత?

- a) 247500 b) 250000 c) 2500 d) ఏదీకాదు

Ans: a

Sol: 1 నుంచి 999 వరకు గల బేసి సంఖ్యలు $n = 500$

$$1 \text{ నుంచి } 999 \text{ వరకు గల బేసి సంఖ్యల మొత్తం} = 500 = 250000 \rightarrow \text{I}$$

1 నుంచి 99 వరకు గల బేసి సంఖ్యలు $(n) = 50$

$$1 \text{ నుంచి } 99 \text{ వరకు గల బేసి సంఖ్యల మొత్తం} = 50^2 = 2500 \rightarrow \text{II}$$

$$\text{మూడంకెల్లో కనిష్ట సంఖ్య (100) నుంచి మూడంకెల్లో గరిష్ట సంఖ్య (999) వరకు గల బేసి సంఖ్యల మొత్తం} \\ = \text{I} - \text{II} = 250000 - 2500 = 247500$$

Q. మొదటి 10 సహజ సంఖ్యల వర్గాల మొత్తం ఎంత?

- a) 285 b) 385 c) 365 d) ఏదీకాదు

Ans: b

$$\text{Sol: } 1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

$$\text{మొదటి 10 సహజ సంఖ్యల వర్గాల మొత్తం} = \frac{10(10+1)(2 \times 10 + 1)}{6} = \frac{10 \times 11 \times 21}{6} = 385$$

Q. మొదటి 10 సహజ సంఖ్యల ఘనాల మొత్తం ఎంత?

- a) 3125 b) 3025 c) 3275 d) ఏదీకాదు

Ans: b

$$\text{Sol: } 1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 = \left[\frac{n(n+1)}{2} \right]^2$$

$$\text{మొదటి 10 సహజ సంఖ్యల ఘనాల మొత్తం} = \left[\frac{10(10+1)}{2} \right]^2 = \left[\frac{10 \times 11}{2} \right]^2 = 3025$$

Q. $(11^2 + 12^2 + 13^2 + \dots + 20^2)$ విలువ ఎంత?

- a) 2485 b) 2575 c) 2695 d) ఏదీకాదు

Ans: a

$$\text{Sol: మొదటి 20 సహజ సంఖ్యల వర్గాల మొత్తం} = \frac{20(20+1)(2 \times 20 + 1)}{6}$$

$$= \frac{20 \times 21 \times 41}{6} = 2870 \rightarrow \text{I}$$

$$\text{మొదటి 10 సహజ సంఖ్యల వర్గాల మొత్తం} = \frac{10(10+1)(2 \times 10 + 1)}{6}$$

$$= \frac{10 \times 11 \times 21}{6} = 385 \rightarrow \text{II}$$

$$(11^2 + 12^2 + 13^2 + \dots + 20^2)$$

$$= \text{I} - \text{II} = 2870 - 385 = 2485$$

Q. $\frac{(5679 + 195)^2 + (5679 - 195)^2}{(5679 \times 5679 + 195 \times 195)} = ?$

- a) 1 b) 2 c) 3 d) ఏదీకాదు

Ans: b

$$\text{Sol: } \frac{(a+b)^2 + (a-b)^2}{(a^2 + b^2)} = 2 \text{ కాబట్టి}$$

$$\frac{(5679 + 195)^2 + (5679 - 195)^2}{(5679 \times 5679 + 195 \times 195)} = 2 \text{ అవుతుంది}$$

Q. $\frac{(7596 + 175)^2 - (7596 - 175)^2}{(7596 \times 175)} = ?$

- a) 2 b) 3 c) 4 d) ఏదీకాదు

Ans: c

Sol: $\frac{(a + b)^2 - (a - b)^2}{ab} = 4$ కాబట్టి

$$\frac{(7596 + 175)^2 - (7596 - 175)^2}{7596 \times 175} = 4 \text{ అవుతుంది.}$$

Q. $(101)^2 - (100)^2 = ?$

- a) 200 b) 199 c) 201 d) 202

Ans: c

Sol: $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$

$$(101)^2 - (100)^2 = (101 + 100)(101 - 100) = (201)(1) = 201$$

Q. $8756 \times 99999 = ?$

- a) 875391244 b) 875591214 c) 865491244 d) ఏదీకాదు

Ans: d

Sol: $a(b - c) = ab - ac$

$$\begin{aligned} & 8756 \times 99999 \\ & 8756 (100000 - 1) \\ & = 875600000 - 8756 = 875591244 \end{aligned}$$

Q. $986 \times 137 + 986 \times 863 = ?$

- a) 986000 b) 98600 c) 985000 d) 863000

Ans: a

Sol: $ab + ac = a(b + c)$

$$\begin{aligned} & 986 \times 137 + 986 \times 863 \\ & = 986 (137 + 863) \\ & = 986 (1000) = 986000 \end{aligned}$$

Q. $986 \times 1014 = ?$

- a) 999800 b) 999804 c) 99804 d) ఏదీకాదు

Ans: b

Sol: $(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$

$$\begin{aligned} & 986 \times 1014 \\ & = (1000 - 14)(1000 + 14) \\ & = 1000^2 - 14^2 = 1000000 - 196 = 999804 \end{aligned}$$

Q. $112 \times 5^4 = ?$

- a) 65000 b) 67000 c) 69000 d) 70000

Ans: b

Sol: $5^4 = 625 = \frac{10000}{16}$

$\therefore 112 \times 5^4 = 112 \times \frac{10000}{16} = 70000$

ప్రాక్టీస్ కొశ్చన్స్

Q. 1 - 200 వరకు గల సహజ సంఖ్యల మొత్తం ఎంత?

- a) 2100 b) 20100 c) 20500 d) ఏదీకాదు

Q. 1 - 50 వరకు గల బేసి సంఖ్యల మొత్తం ఎంత?

- a) 2500 b) 650 c) 625 d) ఏదీకాదు

Q. $(64)^2 - (36)^2 = 20 \times x$ అయితే $x = ?$

- a) 70 b) 120 c) 180 d) 140

Q. $(2^2 + 4^2 + 6^2 + \dots + 20^2) = ?$

- a) 770 b) 1155 c) 1540 d) 385×385

Q. $(10 \times 20 \times 30 \times 40 \times \dots \times 1000)$ లబ్ధంలో చివర ఎన్ని సున్నాలు వస్తాయి?

- a) 100 b) 112 c) 124 d) ఏదీకాదు

Q. మూడంకెల్లో కనిష్ట ప్రధాన సంఖ్య?

- a) 103 b) 107 c) 109 d) ఏదీకాదు