

D

(4)

LD/713

1. The angle through which a curve drawn through the point  $z_0 = i$  is rotated under the map  $w = z^2$  is

- (1)  $\frac{\pi}{6}$  (2)  $\frac{\pi}{4}$   
 (3)  $\frac{\pi}{3}$  (4)  $\frac{\pi}{2}$

2. The value of the integral

$$\int_0^{1+i} (x - y + ix^2) dz$$

along the curve of the parabola  $y = x^2$  from 0 to  $1 + i$ , is

- (1)  $\frac{-1-i}{3-2}$  (2)  $\frac{1+i}{3+2}$   
 (3)  $\frac{-1+i}{3+2}$  (4)  $\frac{2+i}{3+2}$

3. If  $\gamma$  is a closed path in the complex plane than  $\int e^{-z^2} dz =$

- (1) 0 (2) 1  
 (3)  $\frac{1}{2\pi}$  (4)  $2\pi$

4. The value of the integral  $\int_C \frac{z+1}{z^3 - 2z^2} dz$ ,

where  $C$  is the circle  $|z - 2 - i| = 2$ , is

- (1) 0 (2)  $\frac{5\pi i}{2}$   
 (3)  $\frac{3\pi i}{2}$  (4)  $\frac{3\pi i}{4}$

The radius of convergence of the power

$$\text{series } \sum_{n=0}^{\infty} \frac{n^3}{3^n} z^n \text{ is}$$

- (1)  $\frac{1}{3}$  (2) 3  
 (3)  $e^3$  (4)  $\frac{1}{e^3}$

6. The radius of convergence of the power series  $\sum_{n=0}^{\infty} [3 - (-1)^n]^n z^n$  is

- (1) 2 (2)  $\frac{1}{2}$   
 (3) 4 (4)  $\frac{1}{4}$

7. The Taylor's series expansion of the function  $f(z) = \frac{z+3}{(z+1)(z-4)}$  at  $z=2$  is

- (1)  $\sum_{n=0}^{\infty} \left[ \frac{4}{3} (-1)^n - \frac{7}{6 \cdot 2^n} \right] (z-2)^n$   
 (2)  $\sum_{n=0}^{\infty} \left[ \frac{4}{3} - \frac{7}{6 \cdot 2^n} \right] (z-2)^n$   
 (3)  $\sum_{n=0}^{\infty} \left[ \frac{4}{3} (-1)^n + \frac{7}{6 \cdot 2^n} \right] (z-2)^n$   
 (4)  $\sum_{n=0}^{\infty} \left[ \frac{4}{3} (-1)^n - \frac{7}{6 \cdot 2^n} \right] (z-2)^n$

8. The Laurent's series expansion of the function  $f(z) = \frac{1}{z(z-1)}$  in the annulus

$1 < |z+1| < 2$  is

- (1)  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{(z+1)^n} + \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{2^{n+1}} (z+1)^n$   
 (2)  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{(z+1)^n} + \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{2^n} (z+1)^n$   
 (3)  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{(z+1)^{n+1}} + \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{2^{n+1}} (z+1)^n$   
 (4)  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{(z+1)^{n+1}} + \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{2^{n+1}} (z+1)^{n+1}$

LD/713

(5)

D

1. \_\_\_\_\_ కోణము ద్వారా  $z_0 = i$  బిందువు ద్వారా గీయబడిన వక్రము  $w = z^2$  పరివర్తనము క్రింద పరిభ్రమ చెందుతుంది

- (1)  $\frac{\pi}{6}$  (2)  $\frac{\pi}{4}$   
 (3)  $\frac{\pi}{3}$  (4)  $\frac{\pi}{2}$

2.  $y = x^2$  అనే పరావలయము మీద 0 నుండి  $1+i$  బిందువు మధ్యవున్న వక్రము మీద సంకలనం చేస్తే

$$\int_0^{1+i} (x - y + ix^2) dz \text{ యొక్క విలువ}$$

- (1)  $\frac{-i}{3} - \frac{i}{2}$  (2)  $\frac{1}{3} + \frac{i}{2}$   
 (3)  $\frac{-1}{3} + \frac{i}{2}$  (4)  $\frac{2}{3} + \frac{i}{2}$

3. సంక్లిష్టతలములో  $\gamma$  ఒక సంవృత గమనము అయితే

$$\int_{\gamma} e^{-z^2} dz =$$

- (1) 0 (2) 1  
 (3)  $\frac{1}{2\pi}$  (4)  $2\pi$

4.  $C: |z - 2 - i| = 2$  ఒక వృత్తము, సమాకలన

$$\int_C \frac{z+1}{z^3 - 2z^2} dz \text{ యొక్క విలువ}$$

- (1) 0 (2)  $\frac{5\pi i}{2}$   
 (3)  $\frac{3\pi i}{2}$  (4)  $\frac{3\pi i}{4}$

5. ఘాత శ్రేణి  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n^3}{3^n} z^n$  యొక్క అభిసరణి వ్యాసార్థము

- (1)  $\frac{1}{3}$  (2) 3  
 (3)  $e^3$  (4)  $\frac{1}{e^3}$

6. ఘాత శ్రేణి  $\sum_{n=0}^{\infty} [3 - (-1)^n]^n z^n$  యొక్క అభిసరణి వ్యాసార్థము

- (1) 2 (2)  $\frac{1}{2}$   
 (3) 4 (4)  $\frac{1}{4}$

7.  $z = 2$  బిందువు వద్ద ప్రమేయము

$$f(z) = \frac{z+3}{(z+1)(z-4)}$$
 యొక్క లాంబెర్ట్ శ్రేణి విస్తరణము

- (1)  $\sum_{n=0}^{\infty} \left[ \frac{4}{3} (-1)^n - \frac{7}{6} \frac{1}{2^n} \right] (z-2)^n$   
 (2)  $\sum_{n=0}^{\infty} \left[ \frac{4}{3} - \frac{7}{6} \frac{1}{2^n} \right] (z-2)^n$   
 (3)  $\sum_{n=0}^{\infty} \left[ \frac{4}{3} (-1)^n + \frac{7}{6} 2^n \right] (z-2)^n$   
 (4)  $\sum_{n=0}^{\infty} \left[ \frac{4}{3} (-1)^n - \frac{7}{6} 2^n \right] (z-2)^n$

8. కరణాకార ప్రాంతము  $1 < |z+1| < 2$  లో

$$f(z) = \frac{1}{z(z-1)}$$
 యొక్క లాంబెర్ట్ శ్రేణి విస్తరణ ప్రమేయము

- (1)  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{(z+1)^n} + \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{2^{n+1}} (z+1)^n$   
 (2)  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{(z+1)^n} + \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{2^n} (z+1)^n$   
 (3)  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{(z+1)^{n+1}} + \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{2^{n+1}} (z+1)^n$   
 (4)  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{(z+1)^{n+1}} + \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{2^{n+1}} (z+1)^{n+1}$

D

(6)

LD/713

9. For the function  $f(z) = \frac{e^{z^2}}{z^3}$ , the point

$z = 0$  is a

- (1) Simple zero
- (2) Simple pole
- (3) Zero of orders
- (4) Pole of order 3

10. The function  $f(z) = \frac{1}{\cos z + \cos \alpha}$  has simple poles at  $z =$

- (1)  $2k\pi \pm \alpha, k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$
- (2)  $(2k+1)\pi \pm \alpha, k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$
- (3)  $(k+1)\pi \pm \alpha, k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$
- (4)  $k\pi \pm \alpha, k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$

11. The residue of the function

$$f(z) = \frac{z^2}{(z-2)^2(z^2+4)}$$

of the pole  $z = 2i$

is

- (1)  $-\frac{1}{8}$
- (2)  $\frac{1}{8}$
- (3)  $-\frac{i}{8}$
- (4)  $\frac{i}{8}$

12. The residue of the function

$$f(z) = \frac{z^2}{(z-1)(z+2)^2}$$

at the pole  $z = -2$

is

- (1) 0
- (2)  $\frac{4}{9}$
- (3)  $-\frac{8}{9}$
- (4)  $\frac{8}{9}$

13. The orthogonal trajectories of  $ay^2 = x^3$  is

- (1)  $2x^2 + 3y^2 = c$
- (2)  $2x^3 + 3y^2 = c$
- (3)  $y^2 + 2x^3 = c$
- (4)  $x^2 + y^2 = c$

14. The general solution of the differential equation  $\frac{dy}{dx} = (4x + y + 1)^2$  is

- (1)  $\frac{1}{2} \tan^{-1} \left( \frac{4x + y + 1}{2} \right) = x + c$
- (2)  $\tan^{-1} \left( \frac{4x + y + 1}{2} \right) = x + c$
- (3)  $\tan^{-1}(4x + y + 1) = x + c$
- (4)  $\frac{1}{2} \tan^{-1}(4x + y + 1) = x + c$

15. The values of  $h, k$  so that the substitution  $x = X + h$  and  $z = Y + k$  transforms the differential equation  $\frac{dy}{dx} = \frac{x + 2y - 1}{2x + y - 3}$  into a homogenous equation, we respectively

- (1) 1, -1
- (2) -1, 2
- (3) 1, 1
- (4) -1, 2

16. Which of the following differential equations is not exact equation?

- (1)  $(e^x + 1) \cos x dx + e^x \sin x dy = 0$
- (2)  $x(1 + y^2) dx + y(1 + x^2) dy = 0$
- (3)  $y \sin 2x dx = (y^2 + \cos^2 x) dy$
- (4)  $x^2 y dx = x^3 + y^3 dy$

LD/713

(7)

D

9. ప్రమేయము  $f(z) = \frac{e^{z^2}}{z^3}$ , కు బిందువు  $z = 0$  ఒక

- (1) సామాన్య శూన్య బిందువు
- (2) సామాన్య ధ్రువ బిందువు
- (3) 3 తరగతి శూన్య బిందువు
- (4) 3 తరగతి ధ్రువ బిందువు

10. ప్రమేయము  $f(z) = \frac{1}{\cos z + \cos \alpha}$  కు \_\_\_\_\_ బిందువు వద్ద సామాన్య ధ్రువము వుంటుంది

- (1)  $2k\pi \pm \alpha, k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$
- (2)  $(2k+1)\pi \pm \alpha, k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$
- (3)  $(k+1)\pi \pm \alpha, k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$
- (4)  $k\pi \pm \alpha, k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$

11.  $z = 2i$  ధ్రువ బిందువు వద్ద ప్రమేయము

$f(z) = \frac{z^2}{(z-2)^2(z^2+4)}$  యొక్క అవశేషము

- (1)  $-\frac{1}{8}$
- (2)  $\frac{1}{8}$
- (3)  $-\frac{i}{8}$
- (4)  $\frac{i}{8}$

12.  $z = -2$  ధ్రువ బిందువు వద్ద

ప్రమేయము  $f(z) = \frac{z^2}{(z-1)(z+2)^2}$  యొక్క

అవశేషము

- (1) 0
- (2)  $\frac{4}{9}$
- (3)  $-\frac{8}{9}$
- (4)  $\frac{8}{9}$

13.  $ay^2 = x^3$  వక్రము యొక్క లంబ సంవేదము

- (1)  $2x^2 + 3y^2 = c$
- (2)  $2x^3 + 3y^2 = c$
- (3)  $y^2 + 2x^3 = c$
- (4)  $x^2 + y^2 = c$

14. అవకలన సమీకరణము equation

$\frac{dy}{dx} = (4x + y + 1)^2$  యొక్క సాధారణ సాధన

- (1)  $\frac{1}{2} \tan^{-1} \left( \frac{4x + y + 1}{2} \right) = x + c$
- (2)  $\tan^{-1} \left( \frac{4x + y + 1}{2} \right) = x + c$
- (3)  $\tan^{-1}(4x + y + 1) = x + c$
- (4)  $\frac{1}{2} \tan^{-1}(4x + y + 1) = x + c$

15. అవకలన సమీకరణము  $\frac{dy}{dx} = \frac{x + 2y - 1}{2x + y - 3}$  లో

$x = X + h, y = Y + k$  ప్రతిక్షిప్తించగా ఒక సమ సూత్ర సమీకరణము వస్తే  $h, k$  విలువలు

- (1) 1, -1
- (2) 1, 2
- (3) 1, 1
- (4) -1, 2

16. ఈ క్రింది అవకలన సమీకరణములలో ఏది ఖచ్చితమైన సమీకరణము కాదు

- (1)  $(e^y + 1) \cos x dx + e^y \sin x dy = 0$
- (2)  $x(1 + y^2) dx + y(1 + x^2) dy = 0$
- (3)  $y \sin 2x dx = (y^2 + \cos^2 x) dy$
- (4)  $x^2 y dx = x^3 + y^3 dy$

D

(8)

LD/713

17. The integrating factor of the differential equation  $y(x^2y^2 + 2) dx + x(2 - 2x^2y^2) dy = 0$  is

(1)  $-\frac{1}{3x^3y^3}$

(2)  $\frac{1}{3x^3y^3}$

(3)  $-x^3y^3$

(4)  $x^3y^3$

18. The general solution of the differential equation  $\frac{dy}{dx} + y = e^{ex}$  is

(1)  $ye^x = e^{ex} + c$

(2)  $y e^x = e^x e^{ex} + c$

(3)  $y = e^{ex} + c$

(4)  $ye^x = e^x e^{ex} - e^x + c$

19. The general solution of the differential equation  $x^2 p^2 + 3xy p + 2y^2 = 0$ , where

$p = \frac{dy}{dx}$  is

(1)  $(xy - c)(y^2x - c) = 0$

(2)  $(x - cy)(y^2 - cx) = 0$

(3)  $(xy - c)(yx^2 - c) = 0$

(4)  $(x - cy)(x^2 - cy) = 0$

20. The solution of the differential equation

$\left(\frac{dy}{dx}\right)^2(x^2 - a^2) - 2\left(\frac{dy}{dx}\right)xy + y^2 - b^2 = 0$

(1)  $(y + cx)^2 = a^2c^2 + b^2$

(2)  $(cy + x) = a^2c^2 + b^2$

(3)  $(cy - x)^2 = a^2c^2 + b^2$

(4)  $(y - cx)^2 = a^2c^2 + b^2$

21. The singular solution of the differential equation  $p^2(x^2 - a^2) - 2pxy + y^2 - a^2 = 0$ ,

where  $p = \frac{dy}{dx}$ , is

(1)  $x^2 + y^2 = a^2$

(2)  $x^2 - y^2 = a^2$

(3)  $x^2 + 2y^2 = a^2$

(4)  $x^2 - 2y^2 = a^2$

22. The general solution of the differential equation  $\frac{d^3y}{dx^3} - 3\frac{dy}{dx} + dy = 0$  is

(1)  $y = (c_1 + c_2x)e^x + c_3e^{2x}$

(2)  $y = c_1e^x + c_2e^{-x} + c_3e^{-2x}$

(3)  $y = (c_1 + c_2x)e^x + c_3e^{-2x}$

(4)  $y = (c_1 + c_2x)e^{-x} + c_3e^{-2x}$

23. The general solution of the differential equation  $\frac{d^2y}{dx^2} + \frac{dy}{dx} + y = 0$  is

(1)  $y = e^{\frac{x}{2}} \left( C_1 \cos \frac{x\sqrt{3}}{2} + C_2 \sin \frac{x\sqrt{3}}{2} \right)$

(2)  $y = e^{-\frac{x}{2}} \left( C_1 \cos \frac{x\sqrt{3}}{2} + C_2 \sin \frac{x\sqrt{3}}{2} \right)$

(3)  $y = e^x (C_1 \cos x\sqrt{3} + C_2 \sin x\sqrt{3})$

(4)  $y = e^{-x} (C_1 \cos x\sqrt{3} + C_2 \sin x\sqrt{3})$

LD/713

(9)

D

17. అవకలన సమీకరణము

$$y(x^2y^2 + 2) dx + x(2 - 2x^2y^2) dy = 0$$

యొక్క సమాకలన గుణకము

(1)  $-\frac{1}{3x^3y^3}$

(2)  $\frac{1}{3x^3y^3}$

(3)  $-x^3y^3$

(4)  $x^3y^3$

18. అవకలన సమీకరణము  $\frac{dy}{dx} + y = e^{e^x}$  యొక్క

సాధారణ సాధన

(1)  $ye^x = e^{e^x} + c$

(2)  $y e^x = e^x e^{e^x} + c$

(3)  $y = e^{e^x} + c$

(4)  $y e^x = e^x e^{e^x} - e^x + c$

19. అవకలన సమీకరణము  $x^2 p^2 + 3xy p + 2y^2 = 0$ ,

$p = \frac{dy}{dx}$  యొక్క సాధారణ సాధన

(1)  $(xy - c)(y^2x - c) = 0$

(2)  $(x - cy)(y^2 - cx) = 0$

(3)  $(xy - c)(yx^2 - c) = 0$

(4)  $(x - cy)(x^2 - cy) = 0$

20. అవకలన సమీకరణము

$$\left(\frac{dy}{dx}\right)(x^2 - a^2) - 2\left(\frac{dy}{dx}\right)xy + y^2 - b^2 = 0$$

యొక్క సాధన

(1)  $(y + cx)^2 = a^2c^2 + b^2$

(2)  $(cy + x) = a^2c^2 + b^2$

(3)  $(cy - x)^2 = a^2c^2 + b^2$

(4)  $(y - cx)^2 = a^2c^2 + b^2$

21.  $p^2(x^2 - a^2) - 2pxy + y^2 - a^2 = 0$ ,  $p = \frac{dy}{dx}$ ,

అనే అవకలన సమీకరణము యొక్క విలక్షణ సాధన

(1)  $x^2 + y^2 = a^2$

(2)  $x^2 - y^2 = a^2$

(3)  $x^2 + 2y^2 = a^2$

(4)  $x^2 - 2y^2 = a^2$

22. అవకలన సమీకరణము  $\frac{d^3y}{dx^3} - 3\frac{dy}{dx} + dy = 0$

యొక్క సాధారణ సాధన

(1)  $y = (c_1 + c_2 x)e^x + c_3 e^{2x}$

(2)  $y = c_1 e^x + c_2 e^{-x} + c_3 e^{-2x}$

(3)  $y = (c_1 + c_2 x)e^x + c_3 e^{-2x}$

(4)  $y = (c_1 - c_2 c)e^{-x} + c_3 e^{-2x}$

23.  $\frac{d^2y}{dx^2} + \frac{dy}{dx} + y = 0$  అనే అవకలన సమీకరణము

యొక్క సాధారణ సాధన

(1)  $y = e^{\frac{x}{2}} \left( C_1 \cos \frac{x\sqrt{3}}{2} + C_2 \sin \frac{x\sqrt{3}}{2} \right)$

(2)  $y = e^{-\frac{x}{2}} \left( C_1 \cos \frac{x\sqrt{3}}{2} + C_2 \sin \frac{x\sqrt{3}}{2} \right)$

(3)  $y = e^x \left( C_1 \cos x\sqrt{3} + C_2 \sin x\sqrt{3} \right)$

(4)  $y = e^{-x} \left( C_1 \cos x\sqrt{3} + C_2 \sin x\sqrt{3} \right)$

D

(10)

LD/713

24. The particular integral of the differential equation  $(D^2 - 6D + 13)y = 8e^{3x} \sin 2x$  is

- (1)  $x e^{3x} \cos 2x$
- (2)  $2x e^{3x} \cos 2x$
- (3)  $-x e^{3x} \cos 2x$
- (4)  $-2x e^{3x} \cos 2x$

25. The auxiliary equation of the homogeneous linear differential equation is  $(x^2 D^2 + 3xD + 1)y = \frac{1}{(1-x)^2}$

- (1)  $m^2 + 2m + 1 = 0$
- (2)  $m^2 - 2m + 1 = 0$
- (3)  $m^2 - m - 1 = 0$
- (4)  $m^2 + m + 1 = 0$

26. The general solution of the homogeneous linear differential equation  $(x^2 D^2 - 4xD + 6)y = x^2$  is

- (1)  $y = C_1 x^3 - C_2 x^2 - x^2 \log x$
- (2)  $y = C_1 x^3 + C_2 x^2 + x \log x$
- (3)  $y = C_1 x^3 + C_2 x^2 - x \log x$
- (4)  $y = C_1 x^3 + C_2 x^2 - (\log x) x^2$

27. The partial differential equation formed by eliminating the arbitrary function  $f$  from  $z = xy + f(x^2 + y^2)y$

- (1)  $py - qx = x^2 + y^2$
- (2)  $py + qx = x^2 + y^2$
- (3)  $py - qx = y^2 - x^2$
- (4)  $py + qx = x^2 - y^2$

28. The general solution of the partial differential equation  $z(p - q) = z^2 + (x + y)^2$  is

- (1)  $\phi(x + y, z^2 - (x + y)^2) = 0$
- (2)  $\phi(x + y, z^2 + (x + y)^2) = 0$
- (3)  $\phi(x - y, z^2 - (x - y)^2) = 0$
- (4)  $\phi(x - y, z^2 + (x - y)^2) = 0$

29. The general solution of the partial differential equation  $x(y^2 - z^2)p - y(z^2 + x^2)q = z(x^2 + y^2)$  is

- (1)  $\phi(-x^2 + y^2 - z^2, y/xz) = 0$
- (2)  $\phi(x^2 + y^2 - z^2, y/xz) = 0$
- (3)  $\phi(x^2 - y^2 - z^2, x/yz) = 0$
- (4)  $\phi(x^2 + y^2 + z^2, x/yz) = 0$

30. The general solution of the Partial differential equation  $y^2(x - y)p + x^2(y - x)q = z(x^2 + y^2)$  is

- (1)  $\phi(x^3 + y^3, (x - y)/z) = 0$
- (2)  $\phi(x^3 - y^3, (x + y)/z) = 0$
- (3)  $\phi(x^3 + y^3, (x + y)/3) = 0$
- (4)  $\phi(x^3 - y^3, (x - y)/z) = 0$

LD/713

(11)

D

24. అవకలన సమీకరణము  $(D^2 - 6D + 13)y =$

$8e^{3x} \sin 2x$  యొక్క ప్రత్యేక సమాకలని

- (1)  $x e^{3x} \cos 2x$
- (2)  $2x e^{3x} \cos 2x$
- (3)  $-x e^{3x} \cos 2x$
- (4)  $-2x e^{3x} \cos 2x$

25. సమఘాత ఋజు అవకలన సమీకరణము

$(x^2 D^2 + 3xD + 1)y = \frac{1}{(1-x)^2}$  యొక్క అనుబంధ

సమీకరణము

- (1)  $m^2 + 2m + 1 = 0$
- (2)  $m^2 - 2m + 1 = 0$
- (3)  $m^2 - m - 1 = 0$
- (4)  $m^2 + m + 1 = 0$

26. సమఘాత ఋజు అవకలన సమీకరణము

$(x^2 D^2 - 4xD + 6)y = x^2$  యొక్క సాధారణ సాధన

- (1)  $y = C_1 x^3 - C_2 x^2 - x^2 \log x$
- (2)  $y = C_1 x^3 + C_2 x^2 + x \log x$
- (3)  $y = C_1 x^3 + C_2 x^2 - x \log x$
- (4)  $y = C_1 x^3 + C_2 x^2 - (\log x)$

27.  $z = xy + f(x^2 + y^2)$  నుండి వెచ్చిన ప్రమేయము  $f$

తొలగించే వచ్చే పాక్షిక అవకలన సమీకరణము

- (1)  $py - qx = x^2 + y^2$
- (2)  $py + qx = x^2 + y^2$
- (3)  $py - qx = y^2 - x^2$
- (4)  $py + qx = x^2 - y^2$

28. పాక్షిక అవకలన సమీకరణము

$z(p-q) = z^2 + (x+y)^2$  యొక్క సాధారణ సాధన

- (1)  $\phi(x+y, z^2 - (x+y)^2) = 0$
- (2)  $\phi(x+y, z^2 + (x+y)^2) = 0$
- (3)  $\phi(x-y, z^2 - (x-y)^2) = 0$
- (4)  $\phi(x-y, z^2 + (x-y)^2) = 0$

29. పాక్షిక అవకలన సమీకరణము

$x(y^2 - z^2)p - y(z^2 + x^2)q = z(x^2 + y^2)$  యొక్క సాధారణ సాధన

- (1)  $\phi(-x^2 + y^2 - z^2, y/xz) = 0$
- (2)  $\phi(x^2 + y^2 + z^2, y/xz) = 0$
- (3)  $\phi(x^2 - y^2 + z^2, x/yz) = 0$
- (4)  $\phi(x^2 + y^2 + z^2, x/yz) = 0$

30. పాక్షిక అవకలన సమీకరణము

$y^2(x-y)p + x^2(y-x)q = z(x^2 + y^2)$  యొక్క సాధారణ సాధన

- (1)  $\phi(x^3 + y^3, (x-y)/z) = 0$
- (2)  $\phi(x^3 - y^3, (x+y)/z) = 0$
- (3)  $\phi(x^3 + y^3, (x+y)/3) = 0$
- (4)  $\phi(x^3 - y^3, (x-y)/z) = 0$



D

(12)

LD/713

31. Equation of the plane through the point P on y-axis, which is equidistant from the points  $A = (4, -3, 7)$  and  $B = (2, -1, 1)$  is

- (1)  $x + y - 3y - 17 = 0$
- (2)  $x - y + 3z - 17 = 0$
- (3)  $x - y + 3z - 34 = 0$
- (4)  $x + y - 3z - 34 = 0$

32. The equation to the plane through the points  $(2, 2, 1)$  and  $(9, 3, 6)$  and perpendicular to the plane  $2x + 6y + 6z = 9$  is

- (1)  $3x - 4y - 5z = 9$
- (2)  $3x + 4y + 5z = 9$
- (3)  $3x + 4y + 5y + 9 = 0$
- (4)  $3x + 4y - 5z = 9$

33. A plane meets the coordinate axes in A, B, C and the centroid of the triangle ABC is  $(a, b, c)$ . The equation of the plane is

- (1)  $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 3$
- (2)  $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 1$
- (3)  $ax + by + cz = 3$
- (4)  $3ax + 3by + 3cz = 1$

34. The foot of the perpendicular from the origin to a plane is  $(2, -3, 4)$ . The equation of the plane is

- (1)  $2x - 3y + 4z = 11$
- (2)  $2x + 3y + 4z = 11$
- (3)  $2x - 3y + 4z = 29$
- (4)  $2x + 3y + 4z = 29$

35. Equation to the plane through the line of intersection of  $x - 2y - z + 3 = 0$  and  $-3x - 5y + 2z + 1 = 0$  and perpendicular to the yz-plane is

- (1)  $11y + z + 10 = 0$
- (2)  $11y + z = 10$
- (3)  $11y - z + 10 = 0$
- (4)  $11y - z = 10$

36. The angle between the pair of planes represented by the equation  $2x^2 - y^2 + 2z^2 - yz + 5zx + xy = 0$  is

- (1)  $\frac{\pi}{4}$
- (2)  $\frac{\pi}{2}$
- (3)  $\frac{\pi}{6}$
- (4)  $\frac{\pi}{3}$

37. The distance between the parallel planes represented by the equation  $x^2 + 4y^2 + 4z^2 + 4xy + 8yz + 4zx - 9x - 18y - 18z + 18 = 0$  is

- (1) 3
- (2)  $\frac{1}{3}$
- (3) 1
- (4)  $\frac{1}{2}$

38. The image of the point  $(1, 3, 4)$  in the plane  $2x - y + z + 3 = 0$  is

- (1)  $(-3, 5, 2)$
- (2)  $(-1, 5, 2)$
- (3)  $(-3, 11, 2)$
- (4)  $(-3, 5, 10)$

LD/713

(13)

D

31.  $y$ - అక్షము మీద వున్న P బిందువు గుండా పోవుచూ,  $A = (4, -3, 7)$ ,  $B = (2, -1, 1)$  బిందువులకు సమ దూరంలో వుండే తలము యొక్క సమీకరణము

- (1)  $x + y - 3z - 17 = 0$
- (2)  $x - y + 3z - 17 = 0$
- (3)  $x - y + 3z - 34 = 0$
- (4)  $x + y - 3z - 34 = 0$

32. బిందువులు  $(2, 2, 1)$  మరియు  $(9, 3, 6)$  గుండా పోవుచూ,  $2x + 6y + 6z = 9$  అనే తలము కులంబంగ వుండే తలము యొక్క సమీకరణము

- (1)  $3x - 4y - 5z = 9$
- (2)  $3x + 4y + 5z = 9$
- (3)  $3x + 4y + 5y + 9 = 0$
- (4)  $3x + 4y - 5z = 9$

33. ఒక తలము నిరూపకాలను A, B, C బిందువుల వద్ద తాకును, A B C యొక్క కేంద్ర భాసము  $(a, b, c)$  అయితే, ఆ తలము యొక్క సమీకరణము

- (1)  $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 3$
- (2)  $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 1$
- (3)  $ax + by + cz = 3$
- (4)  $3ax + 3by + 3cz = 1$

34. మూల బిందువు నుండి ఒక తలమునకు గీయబడిన లంబ పాదము  $(2, -3, 4)$  అయితే, ఆ తలము యొక్క సమీకరణము

- (1)  $2x - 3y + 4z = 11$
- (2)  $2x + 3y + 4z = 11$
- (3)  $2x - 3y + 4z = 29$
- (4)  $2x + 3y + 4z = 29$

35.  $x - 2y - z + 3 = 0$  మరియు  $-3x - 5y + 2z + 1 = 0$  యొక్క ఛేదన రేఖ ద్వారా పోవుచూ,  $yz$  తలముకు లంబంగ వుండే తలము యొక్క సమీకరణము

- (1)  $11y + z + 10 = 0$
- (2)  $11y + z = 10$
- (3)  $11y - z + 10 = 0$
- (4)  $11y - z = 10$

36.  $2x^2 - y^2 + 2z^2 - yz + 5zx + xy = 0$  సమీకరణము తో సూచించబడిన తలముల మధ్య కోణము

- (1)  $\frac{\pi}{4}$
- (2)  $\frac{\pi}{2}$
- (3)  $\frac{\pi}{6}$
- (4)  $\frac{\pi}{3}$

37.  $x^2 + 4y^2 + 4z^2 + 4xy + 8yz + 4zx - 9x - 18y - 18z + 18 = 0$  సమీకరణ వేళ్ల సూచించబడిన సమాంతర తలముల మధ్య దూరము

- (1) 3
- (2)  $\frac{1}{3}$
- (3) 1
- (4)  $\frac{1}{2}$

38.  $2x - y + z + 3 = 0$  తలములోని బిందువు  $(1, 3, 4)$  యొక్క ప్రతిబింబము

- (1)  $(-3, 5, 2)$
- (2)  $(-1, 5, 2)$
- (3)  $(-3, 11, 2)$
- (4)  $(-3, 5, 10)$

D

(14)

LD/713

39. If  $L$  is the line  $\frac{x-2}{1} = \frac{y+3}{-2} = \frac{z+4}{5}$  and  $\pi$  is the plane  $3x+4y+z=4$  then

- (1)  $L$  line on  $\pi$
- (2)  $L$  is perpendicular to  $\pi$
- (3)  $L$  is parallel to  $\pi$
- (4)  $L$  makes an angle  $60^\circ$  with  $\pi$

40. The equation to the plane containing the line  $\frac{x+1}{-3} = \frac{y-3}{2} = \frac{z+2}{1}$  and the point

- (0, 7, -7) is
- (1)  $7x - 8y + 7z - 45 = 0$
- (2)  $x + y + z = 0$
- (3)  $7x + 8y - 7z - 45 = 0$
- (4)  $x + y - z = 0$

41. The line joining  $(2, -3, 1)$  and  $(3, 4, -5)$  intersects the plane  $2x + y + 3z = 7$  in the point

- (1)  $(3, -2, 7)$
- (2)  $(1, 4, 7)$
- (3)  $(1, -2, -5)$
- (4)  $(1, -2, 7)$

42. The equation to the plane containing the line  $\frac{x-1}{z} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z-3}{4}$  and is perpendicular to the plane  $x+2y+z-12=0$  is

- (1)  $9x - 2y - 5z + 4 = 0$
- (2)  $9x - 2y + 5z + 4 = 0$
- (3)  $9x + 2y + 5z + 4 = 0$
- (4)  $9x - 2y + 5z - 4 = 0$

43. The length of the perpendicular from the point  $(2, 4, -1)$  from the line through the point  $(-5, -3, 6)$  whose d.c's are 1, 4, -9 is

- (1) 21
- (2)  $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{3}}$
- (3) 7
- (4)  $\sqrt{3.7}$

44. The volume of the tetrahedron with vertices  $(0, 0, 0)$ ,  $(-1, 1, 1)$ ,  $(1, 1, -1)$  and  $(1, -1, 1)$  in cubic unity is

- (1) 1
- (2)  $\frac{1}{3}$
- (3)  $\frac{2}{3}$
- (4) 3

45. The radius and centre of the sphere through  $(0, 0, 0)$  and making intercepts 3, 4, 5 on the axes is

- (1)  $\frac{5}{\sqrt{2}}, \left(\frac{-3}{2}, -2, \frac{-5}{2}\right)$
- (2)  $5, \left(\frac{-3}{2}, -2, \frac{-5}{2}\right)$
- (3)  $\frac{5}{\sqrt{2}}, \left(\frac{3}{2}, 2, \frac{5}{2}\right)$
- (4)  $5, \left(\frac{3}{2}, 2, \frac{5}{2}\right)$

46. The equation of the sphere with  $(1, 2, 3)$  and  $(2, 3, 4)$  as the ends of a diameter is

- (1)  $x^2 + y^2 + z^2 - 3x - 5y - 7z + 21 = 0$
- (2)  $x^2 + y^2 + z^2 + 3x + 5y + 7z + 21 = 0$
- (3)  $x^2 + y^2 + z^2 - 3x - 5y - 7z + 20 = 0$
- (4)  $x^2 + y^2 + z^2 + 3x + 5y + 7z + 20 = 0$

LD/713

(15)

D

39.  $L: \frac{x-2}{1} = \frac{y+3}{-2} = \frac{z+4}{5}$  ఒక రేఖ అయితే,  $\pi:$

$3x + 4y + z = 4$  ఒక తలము అయితే

- (1)  $\pi$  తో  $L$  పుంజుంది
- (2)  $\pi$  కు  $L$  లంబంగ పుంజుంది
- (3)  $\pi$  కు  $L$  సమాంతరంగ పుంజుంది
- (4)  $\pi$  తో  $L$   $60^\circ$  కోణము చేస్తుంది

40.  $\frac{x+1}{-3} = \frac{y-3}{2} = \frac{z+2}{1}$  రేఖను,  $(0, 7, -7)$

బిందువును కలిగిన తలము యొక్క సమీకరణము

- (1)  $7x - 8y + 7z - 45 = 0$
- (2)  $x + y + z = 0$
- (3)  $7x + 8y - 7z - 45 = 0$
- (4)  $x + y - z = 0$

41.  $(2, -3, 1)$  మరియు  $(3, 4, -5)$  బిందువులను కలిపే

రేఖ \_\_\_\_\_ బిందువు వద్ద  $2x + y + 3 = 7$

తలము ఖండించును

- (1)  $(3, -2, 7)$
- (2)  $(1, 4, 7)$
- (3)  $(1, -2, -5)$
- (4)  $(1, -2, 7)$

42.  $x + 2y + z - 12 = 0$  తలముకు లంబంగ పుంటూ,

$\frac{x-1}{z} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z-3}{4}$  అనే రేఖను కలిగి ఉన్న

తలము యొక్క సమీకరణము

- (1)  $9x - 2y - 5z + 4 = 0$
- (2)  $9x - 2y + 5z + 4 = 0$
- (3)  $9x + 2y + 5z + 4 = 0$
- (4)  $9x - 2y + 5z - 4 = 0$

43.  $(-5, -3, 6)$  బిందువు గుండా పోవుచూ,  $1, 4, -9$  ల ను దిక్ కొస్తైన్స్ గా రేఖ నుండి బిందువు  $(2, 4, -1)$  యొక్క లంబ దూరము

- (1) 21
- (2)  $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{3}}$
- (3) 7
- (4)  $\sqrt{3.7}$

44.  $(0, 0, 0), (-1, 1, 1), (1, 1, -1)$  మరియు  $(1, -1, 1)$  గల బిందువులను శీర్షముగా వున్న చతుర్భుజి యొక్క ఘనపరిమాణము క్యూబిక్ యూనిట్స్ లో

- (1) 1
- (2)  $\frac{1}{3}$
- (3)  $\frac{2}{3}$
- (4) 3

45. మూల బిందువు  $(0, 0, 0)$  గుండా పోవుచూ, ఏదో ఒక కాక్షము మీద అంతర ఖండములు 3, 4, 5 గల గోళము యొక్క వ్యాసార్థము మరియు కేంద్రము

- (1)  $\frac{5}{\sqrt{2}}, \left(\frac{-3}{2}, -2, \frac{-5}{2}\right)$
- (2)  $5\left(\frac{-3}{2}, -2, \frac{-5}{2}\right)$
- (3)  $\frac{5}{\sqrt{2}}, \left(\frac{3}{2}, 2, \frac{5}{2}\right)$
- (4)  $5, \left(\frac{3}{2}, 2, \frac{5}{2}\right)$

46.  $(1, 2, 3)$  మరియు  $(2, 3, 4)$  బిందువులు వ్యాసము యొక్క అంత్య బిందువులుగా కల గోళము యొక్క సమీకరణము

- (1)  $x^2 + y^2 + z^2 - 3x - 5y - 7z + 21 = 0$
- (2)  $x^2 + y^2 + z^2 + 3x + 5y + 7z + 21 = 0$
- (3)  $x^2 + y^2 + z^2 - 3x - 5y - 7z + 20 = 0$
- (4)  $x^2 + y^2 + z^2 + 3x + 5y + 7z + 20 = 0$

D

(16)

LD/713

47. The point of contact of the plane  $2x - 2y + z + 12 = 0$  and the sphere  $x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 4y + 2z - 3 = 0$  is

- (1)  $(-1, 0, -2)$
- (2)  $(-1, 4, -2)$
- (3)  $(3, 4, -2)$
- (4)  $(-1, 4, 0)$

48. The pole of the plane  $x - y + 5z - 3 = 0$  with respect to the sphere  $x^2 + y^2 + z^2 = 9$  is

- (1)  $(1, -1, 5)$
- (2)  $(\frac{1}{3}, \frac{-1}{3}, \frac{5}{3})$
- (3)  $(3, -3, 5)$
- (4)  $(3, -3, 15)$

49. The limit points of the coaxial system of spheres of which two members are  $x^2 + y^2 + z^2 + 3x - 3y + 6 = 0$  and  $x^2 + y^2 + z^2 - 6y - 6z + 6 = 0$  are

- (1)  $(-2, 1, 1), (-1, -2, 1)$
- (2)  $(-2, 1, -1), (1, -2, -1)$
- (3)  $(-2, 1, -1), (-1, -2, 1)$
- (4)  $(-2, 1, -1), (-1, 2, 1)$

50. The equations to the cone which contains the three coordinate axes and

the lines  $\frac{x}{1} = \frac{y}{-2} = \frac{z}{3}$ ;  $\frac{x}{-1} = \frac{y}{1} = \frac{z}{1}$  is

- (1)  $5yz - 8zx - 3xy = 0$
- (2)  $5yz - 8zx + 3xy = 0$
- (3)  $5yz + 8zx - 3xy = 0$
- (4)  $5yz + 8zx + 3xy = 0$

51. The equation of the cone with vertex of the origin and whose base curve is  $z = 2, x^2 + y^2 = 4$  is

- (1)  $x^2 + y^2 = z^2$
- (2)  $x^2 + y^2 + z^2 = 0$
- (3)  $x^2 + y^2 = 4z^2$
- (4)  $4(x^2 + y^2) = z^2$

52. The equation to the enveloping of the sphere  $x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 2y = 2$  with vertex at  $(1, 1, 1)$  is

- (1)  $3x^2 + y - 4xz + 10x - 2y + 4z + 6 = 0$
- (2)  $3x^2 - y^2 - 4zx + 10x + 2y - 4z + 6 = 0$
- (3)  $3x^2 - y^2 + 4zx - 10x + 2y - 4z + 6 = 0$
- (4)  $3x^2 + y^2 + 4zx - 10x + 2y - 4z + 6 = 0$

53. Let  $(C, +, \cdot)$  and  $(R, +, \cdot)$  be the system of complex numbers and the field of real numbers respectively. The  $\dim R^C =$

- (1) 1
- (2) 2
- (3) 4
- (4)  $\infty$

LD/713

(17)

D

47. తలము  $2x - 2y + z + 12 = 0$  మరియు గోళము  $x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 4y + 2z - 3 = 0$  యొక్క స్పర్శ బిందువు

- (1)  $(-1, 0, -2)$
- (2)  $(-1, 4, -2)$
- (3)  $(3, 4, -2)$
- (4)  $(-1, 4, 0)$

48. గోళము  $x^2 + y^2 + z^2 = 9$  దృష్టాంత తలము  $x - y + 5z - 3 = 0$  యొక్క ధృవము

- (1)  $(1, -1, 5)$
- (2)  $\left(\frac{1}{3}, \frac{-1}{3}, \frac{5}{3}\right)$
- (3)  $(3, -3, 5)$
- (4)  $(3, -3, 15)$

49. సమీక గోళముల వ్యవస్థలోని రెండు  $x^2 + y^2 + z^2 + 3x - 3y + 6 = 0$  మరియు  $x^2 + y^2 + z^2 - 6y - 6z + 6 = 0$  అయితే ఆ వ్యవస్థ యొక్క అవధి బిందువులు

- (1)  $(-2, 1, 1), (-1, -2, 1)$
- (2)  $(-2, 1, -1), (1, -2, -1)$
- (3)  $(-2, 1, -1), (-1, -2, 1)$
- (4)  $(-2, 1, -1), (-1, 2, 1)$

50. నిరూపకాక్షములను మరియు  $\frac{x}{1} = \frac{y}{-2} = \frac{z}{3}$ ,  $\frac{x}{-1} = \frac{y}{1} = \frac{z}{1}$  అనే రేఖలు గల శంఖువు యొక్క సమీకరణము

- (1)  $5yz - 8zx - 3xy = 0$
- (2)  $5yz - 8zx + 3xy = 0$
- (3)  $5yz + 8zx - 3xy = 0$
- (4)  $5yz + 8zx + 3xy = 0$

51. మూల బిందువు శీర్షముగాను,  $z = 2$ ,  $x^2 + y^2 = 4$  ను భూ వక్రము గాను గల శంఖు యొక్క సమీకరణము

- (1)  $x^2 + y^2 = z^2$
- (2)  $x^2 + y^2 + z^2 = 0$
- (3)  $x^2 + y^2 = 4z^2$
- (4)  $4(x^2 + y^2) = z^2$

52.  $(1, 1, 1)$  బిందువును కేంద్రము గల గోళము  $x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 2y = 2$  యొక్క అవరణిత (envelop) యొక్క సమీకరణము

- (1)  $3x^2 + y - 4xy + 10x - 2y + 4z + 6 = 0$
- (2)  $3x^2 - y^2 - 4zx + 10x + 2y - 4z + 6 = 0$
- (3)  $3x^2 - y^2 + 4zx - 10x + 2y - 4z + 6 = 0$
- (4)  $3x^2 + y^2 + 4zx - 10x + 2y - 4z + 6 = 0$

53.  $(C, +, \cdot)$  ఒక సంకీర్ణ సంఖ్యల క్షేత్రము,  $(R, +, \cdot)$  ఒక వాస్తవ సంఖ్యల క్షేత్రము, అయితే  $\dim R^C =$

- (1) 1
- (2) 2
- (3) 4
- (4)  $\infty$

D

(18)

LD/713

54. A basis of the vector space  $p(x)$  of polynomials of degree  $\leq n$  in the variable  $x$  over a field  $F$  is

- (1)  $\{1, x, x^2, \dots, x^n\}$  ✓  $\leq$   
 (2)  $\{1, x, x^2, \dots, x^{n-1}\}$   
 (3)  $\{x, x^2, x^3, \dots, x^n\}$  ✓  $\leq$   
 (4)  $\{1, x, x^2, \dots, x^n, \dots\}$

55. Let  $M_2(C) = \left\{ \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} / a, b, c, d \in C \right\}$ ,

where  $C$  is the field of complex numbers. Then the dimension of the vector space  $M_2(C)$  over the field of real numbers is

- (1) 8  
 (2) 4 ✓  
 (3) 2  
 (4)  $\infty$

56. Let  $S = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  be a set of linearly independent vectors in a vector space  $V$  over a field  $F$ . Which of the following statements is false?

- (1) None of the vectors in  $S$  is a linear combination of other vectors in  $S$ .  
 (2) Some vector in  $S$  is a linear combination of other vectors in  $S$ . ✓  
 (3) None of the vectors in  $S$  is a zero vector.  
 (4)  $S$  can be extended to a basis of  $V$  over  $F$ . ✓

57. Which of the following sets in  $R^2$  is not a basis of  $R^2$  over the field  $R$  of real numbers?

- (1)  $\{(1, 0), (0, -1)\}$   
 (2)  $\{(1, 1), (-1, 1)\}$  ✓  
 (3)  $\{(-2, 1), (1, 0)\}$   
 (4)  $\{(1, -1), (-2, 2)\}$

58. The dimension of the subspace

$$W = \left\{ \begin{pmatrix} x & -x \\ y & z \end{pmatrix} / x, y, z \in R \right\},$$

If the vector space

$$M_2(R) = \left\{ \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} / a, b, c, d \in R \right\}$$

of  $2 \times 2$  matrices over the field  $R$  of real numbers is

- (1) 4  
 (2) 3 ✓  
 (3) 2  
 (4) 1

59. If  $W_1 = \left\{ \begin{pmatrix} x & y \\ z & 0 \end{pmatrix} / x, y, z \in R \right\}$  and

$$W_2 = \left\{ \begin{pmatrix} -x & 0 \\ 0 & z \end{pmatrix} / x, z \in R \right\}$$

are subspaces of the vector space of  $M_2(R)$  of  $2 \times 2$  matrices over the field  $R$  of real numbers then  $\dim_R(W_1 + W_2) =$

- (1) 1  
 (2) 2  
 (3) 3 ✓  
 (4) 4

60. If  $T: R^2 \rightarrow R^2$  is a linear transformation defined by  $T(1, 0) = (1, -1)$  and  $T(0, 1) = (1, 2)$ , then  $T(-3, 4) =$

- (1)  $(1, 11)$  ✓  
 (2)  $(7, 5)$   
 (3)  $(7, 11)$   
 (4)  $(1, 5)$

54.  $F$  క్షేత్రము మీద  $\leq n$  కంటే తక్కువ, లేకసమాన తరగతి కలిగిన బహుపదుల సమాంతరాళము  $p(x)$  యొక్క ఆధారము

- (1)  $\{1, x, x^2, \dots, x^n\}$
- (2)  $\{1, x, x^2, \dots, 0x^{n-1}\}$
- (3)  $\{x, x^2, x^3, \dots, x^n\}$
- (4)  $\{1, x, x^2, \dots, x^n, \dots\}$

55.  $C$  ఒక సంకీర్ణ సంఖ్య క్షేత్రం,  $a, b, c, d \in C$  అయితే  $M_2(C)$  ఒక  $2 \times 2$  మాత్రికల  $\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}$  సమితి అయితే వాస్తవ సంఖ్యల క్షేత్రం మీద  $M_2(C)$  యొక్క పరిమాణము

- (1) 8
- (2) 4
- (3) 2
- (4)  $\infty$

56.  $F$  క్షేత్రం మీద నిర్వచించబడిన సమాంతరాళము  $V$  లో ఏక ఘాత ఋజుస్వతంత సదిశల సమితి  $S = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  అయితే యీ క్రింద యిచ్చిన ప్రవచనములలో ఏది తప్పు?

- (1)  $S$  తో ఏ సదిశ అయిన యితర సదిశల ఏకఘాత సంయోగము కాదు
- (2)  $S$  తో ఏదేని సదిశ  $S$  తోని యితర సదిశల ఏకఘాత సంయోగము అవుతుంది.
- (3)  $S$  తో ఏ సదిశ కూడ శూన్య సదిశ కాదు
- (4)  $F$  మీద నిర్వచించబడిన సమాంతరాళము  $V$  యొక్క ఆధారముగ సమితి  $S$  ను వికరించవచ్చు

57. ఈ క్రింద యిచ్చిన  $R^2$  లోని సమితులలో ఏది  $R^2$  యొక్క ఆధారము కాదు

- (1)  $\{(1, 0), (0, -1)\}$
- (2)  $\{(1, 1), (-1, 1)\}$
- (3)  $\{(-2, 1), (1, 0)\}$
- (4)  $\{(1, -1), (-2, 2)\}$

58. వాస్తవ సంఖ్యల క్షేత్రము  $R$  మీద నిర్వచించబడిన  $2 \times 2$  మాత్రికల సమాంతరాళము

$$M_2(R) = \left\{ \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} / a, b, c, d \in R \right\}$$

ఉపసమూహము

$$W = \left\{ \begin{pmatrix} x & -x \\ y & z \end{pmatrix} / x, y, z \in R \right\},$$

యొక్క పరిమాణము

- (1) 4
- (2) 3
- (3) 2
- (4) 1

59. వాస్తవ సంఖ్యల క్షేత్రము  $R$  మీద నిర్వచించబడిన  $2 \times 2$  మాత్రికల సమాంతరాళము  $M_2(R)$  లో

$$W_1 = \left\{ \begin{pmatrix} x & y \\ z & 0 \end{pmatrix} / x, y, z \in R \right\}$$
 మరియు

$$W_2 = \left\{ \begin{pmatrix} -x & 0 \\ 0 & z \end{pmatrix} / x, z \in R \right\}$$
 లు ఉప

సమూహములయితే  $\dim_R(W_1 + W_2) =$

- (1) 1
- (2) 2
- (3) 3
- (4) 4

60.  $T : R^2 \rightarrow R^2$ ,  $T(1, 0) = (1, -1)$ ,  $T(0, 1) = (1, 2)$  గా నిర్వచించబడిన ఏక ఘాత పరివర్తన  $T$  అయితే  $T(-3, 4) =$

- (1) (1, 11)
- (2) (7, 5)
- (3) (7, 11)
- (4) (1, 5)



D

(20)

LD/713

61. If the order of an element  $a$  in a group  $G$  is  $O(a) = 10$ , then for  $b \in G$  the order of the elements  $ba^2b^{-1}$  is

- (1) 5 (2) 10  
 (3) 15 (4) 20

62. The index of  $A_4$  in  $S_4$  is

- (1) 12 (2) 6  
 (3) 4 (4) 2

63. The set of generators of the group  $(\mathbb{Z}_{12}, \oplus)$  is

- (1) {1, 3, 5, 7, 9, 11}  
 (2) {1, 5, 7, 11}  
 (3) {1, 2, 4, 6, 8, 10}  
 (4) {1, 2, 3, 4, 6}

64. In  $S_3$  the conjugate of the element

$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$  with respect to the elements  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$  is

- (1)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$  (2)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$   
 (3)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}$  (4)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$

65. The number of automorphisms of the group  $(\mathbb{Z}_{16}, \oplus)$  is

- (1) 2 (2) 4  
 (3) 6 (4) 8

66. Which of the following permutations is an even permutation?

- (1)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 4 & 1 & 2 & 3 & 6 \end{pmatrix}$   
 (2)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 6 & 5 & 1 & 2 \end{pmatrix}$   
 (3)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 1 & 5 & 3 & 6 & 4 & 2 \end{pmatrix}$   
 (4)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 5 & 2 & 4 & 1 & 3 \end{pmatrix}$

67. The number of generators of the group  $(\mathbb{Z}, +)$  of integers with respect to the usual addition '+' is

- (1) 0 (2) 1  
 (3) 2 (4)  $\infty$

68. The quotient group of the subgroup  $H = \{1, -1\}$  of the group  $G_2 = (\mathbb{R}^*, \cdot)$  of the set of non zero real numbers with respect to the multiplication ' $\cdot$ '  $G/H$  is

- (1)  $\{r, -r\} / r \in \mathbb{R}^*$   
 (2)  $\left\{ \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ r & r \end{pmatrix} / r \in \mathbb{R}^* \right\}$   
 (3)  $(\mathbb{Q}^*, \cdot)$ , where  $\mathbb{Q}^*$  is the set of nonzero rationals  
 (4)  $\{r, -r\} / r \in \mathbb{Q}^*$

69. Let  $N$  be a normal subgroup of a group for  $g \in G/N$ , if  $O(gN)$  is finite then

- (1)  $O(g) / O(gN)$   
 (2)  $O(gNg) / O(g)$   
 (3)  $O(gN) = O(g)$   
 (4)  $O(g)$  need not be finite

70. Let  $R$  be the set of real numbers. The zero and the identity elements of the ring  $(R, \oplus, \odot)$  where  $a \oplus b = a + b + 1$  and  $a \odot b = ab + a + b$ , for all  $a, b \in R$ , are respectively

- (1) 0, 1 (2) 1, 0  
 (3) -1, 1 (4) -1, 0

LD/713

(21)

D

61.  $G$  సమూహములో  $o(a)=10$  అయితే,  $b \in G$  అయితే  $ba^2b^{-1}$  మూలకము యొక్క క్రమము

- (1) 5                      (2) 10  
(3) 15                      (4) 20

62.  $S_4$  లో  $A_4$  యొక్క సూచిక

- (1) 12                      (2) 6  
(3) 4                        (4) 2

63. సమూహము  $(Z_{12}, \oplus)$  యొక్క జనకమూలముల సమితి

- (1) {1, 3, 5, 7, 9, 11}  
(2) {1, 5, 7, 11}  
(3) {1, 2, 4, 6, 8, 10}  
(4) {1, 2, 3, 4, 6}

64.  $S_3$  లో మూలకము  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$  దృష్ట్యా మూలకము

$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$  యొక్క సంయుగ్మము

- (1)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$  (2)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$   
(3)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 2 \end{pmatrix}$  (4)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$

65.  $(Z_{16}, \oplus)$  సమూహము యొక్క స్వయంతుల్య రూప తల సంఖ్య

- (1) 2                        (2) 4  
(3) 6                        (4) 8

66. ఈ క్రింది పరావర్తనములలో ఏది సరి పరావర్తనము

- (1)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 5 & 4 & 1 & 2 & 3 & 6 \end{pmatrix}$   
(2)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 3 & 4 & 6 & 5 & 1 & 2 \end{pmatrix}$   
(3)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 1 & 5 & 3 & 6 & 4 & 2 \end{pmatrix}$   
(4)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 \\ 6 & 5 & 2 & 4 & 1 & 3 \end{pmatrix}$

67. సంకలనము '+' దృష్ట్యా పూర్ణాంకాల సమూహము  $(\mathbb{Z}, +)$  యొక్క జనక మూలకముల సంఖ్య

- (1) 0                        (2) 1  
(3) 2                        (4)  $\infty$

68. గుణనము దృష్ట్యా శూన్యేతర వాస్తవ సంఖ్యల సమూహము  $G_2(R^*, \cdot)$  లో ఉప సమూహము  $H = \{1, -1\}$  అయితే వ్యుత్పన్న సమూహము  $G/H$

- (1)  $\{ \{r, -r\} / r \in R^* \}$   
(2)  $\left\{ \left\{ \frac{1}{r}, \frac{-1}{r} \right\} / r \in R^* \right\}$   
(3)  $(Q^*, \cdot)$ ,  $Q^*$  ఒక శూన్యేతర ఆకరాళియ సంఖ్య సమితి  
(4)  $\{ \{r, -r\} / r \in Q^* \}$

69. సమూహము  $G$  కు  $N$  ఒక ఆభిలంబ ఉప సమూహము,  $gN \in G/N$ , అయితే  $O(gN)$  పరిమితమైతే

- (1)  $O(g)/O(gN)$   
(2)  $O(gN)/O(g)$   
(3)  $O(gN) = O(g)$   
(4)  $O(g)$  పరిమితం కానక్కర లేదు

70.  $R$  ఒక వాస్తవ సంఖ్యల సమితి,  $\forall a, b \in R$   $(a \oplus b) = a + b + 1$  మరియు  $a \odot b = a, b + a + b$  అయితే వలయము  $(R, \oplus, \odot)$  యొక్క శూన్యము మరియు తత్సమ మూలకములు,

- (1) 0, 1                      (2) 1, 0  
(3) -1, 1                      (4) -1, 0

D

(22)

LD/713

71. The set  $\left\{ \begin{pmatrix} x & x \\ x & x \end{pmatrix} / x \right\}$  is real number, with respect to the addition and multiplication of matrices
- (1) a non-commutative ring with identity
  - (2) an integral domain but not a field
  - (3) a division ring but not a field
  - (4) a field
72. In the following rings, which is an integral domain
- (1)  $(Z_{15}, \oplus, \odot)$
  - (2)  $(Z_{111}, \oplus, \odot)$
  - (3)  $(Z_{37}, \oplus, \odot)$
  - (4)  $(Z_{51}, \oplus, \odot)$
73. Consider the rings  $(C, +, \cdot)$  and  $(M_2, +, \cdot)$ , where  $C$  is the set of complex numbers and  $M_2$  is the set of  $2 \times 2$  matrices over the set  $R$  of reals. The kernel of the homomorphism  $\phi: C \rightarrow M_2$  given by
- $$\phi(a+ib) = \begin{pmatrix} a & b \\ -b & a \end{pmatrix}$$
- (1)  $\{0\}$
  - (2)  $\{0, 1\}$
  - (3)  $R$
  - (4)  $\{0, i\}$
74. The set of zero divisions in the ring  $(Z_8, \oplus, \odot)$  is
- (1)  $\{\bar{2}, \bar{4}\}$
  - (2)  $\{\bar{3}, \bar{5}\}$
  - (3)  $\{\bar{2}, \bar{4}, \bar{6}\}$
  - (4)  $\{\bar{3}, \bar{5}, \bar{7}\}$
75. The polynomial ring  $Z_{11}[x]$  over the rings  $(Z_{11}, \oplus, \odot)$  of residue classes modulo 11 is
- (1) a ring with zero divisors
  - (2) an integral domain
  - (3) a division ring
  - (4) a field
76. The set of units in the polynomial rings  $F(x)$  over a field  $F$  is
- (1)  $\{1, -1\}$
  - (2)  $F - \{0\}$
  - (3)  $\{p(x) | p(x) \text{ is an irreducible polynomial}\}$
  - (4)  $\phi$
77. The units in the ring  $Z(\sqrt{-5}) = \{a + b\sqrt{-5} / a, b \text{ are integers}\}$  with respect to the addition and multiplication of complex numbers is
- (1)  $1, 5i$
  - (2)  $5i, -5i$
  - (3)  $1, -1, 5i, -5i$
  - (4)  $1, -1$
78. In the ring  $(z, +, \cdot)$ , let  $(n) = \{nr / r \in Z\}$  denote the principal ideal generated by the integer  $n$ . Which of the following principal ideals is a maximal ideal?
- (1)  $(59)$
  - (2)  $(49)$
  - (3)  $(39)$
  - (4)  $(29)$
79. The principal ideal generated by  $\bar{5}$  in the ring  $(Z_8, \oplus, \odot)$  is
- (1)  $Z_8$
  - (2)  $\{\bar{0}, \bar{3}, \bar{5}, \bar{7}\}$
  - (3)  $\{\bar{0}, \bar{1}, \bar{5}, \bar{7}\}$
  - (4)  $\{\bar{0}, \bar{1}, \bar{2}, \bar{4}, \bar{6}\}$
80. If  $R$  is a ring such that  $x^2 = x$  for every  $x$  in  $R$ , then which of the following statements is false?
- (1) Characteristics of  $R$  is 2
  - (2)  $x = -x$  for all  $x \in R$
  - (3)  $xy = yx$  for all  $x, y$  in  $R$
  - (4) Characteristics of  $R$  is 0

LD/713

(23)

D

71.  $x$  ఒక వాస్తవ సంఖ్య సంకలనము మరియు గుణనము

$$\text{ధృష్ట్యా మాత్రికల సమితి } \left\{ \begin{pmatrix} x & x \\ x & x \end{pmatrix} \right\}$$

- (1) తత్సమ మూలకముతో వినిమయము కాని వలయం
- (2) పూర్ణాంక ప్రదేశము కాని క్షేత్రము కాదు
- (3) విభాగ వలయము కాని క్షేత్రము కాదు
- (4) క్షేత్రము

72. ఈ క్రింది వలయములో ఏది పూర్ణాంక ప్రదేశము

- (1)  $(Z_{15}, +, \cdot)$
- (2)  $(Z_{111}, +, \cdot)$
- (3)  $(Z_{37}, +, \cdot)$
- (4)  $(Z_{51}, +, \cdot)$

73.  $C$  ఒక సంకీర్ణ సంఖ్యల సమితి,  $M_2$  ఒక  $2 \times 2$

మాత్రికల సమితి,  $(C, +, \cdot)$ ,  $(M_2, +, \cdot)$  వలయముల ను పరిగణించండి.  $\phi: C \rightarrow M_2$

$$\phi(a + ib) = \begin{pmatrix} a & b \\ -b & a \end{pmatrix} \text{ గా నిర్వచించబడిన}$$

నమరూపత యొక్క అంతస్థము (kernel)

- (1)  $\{0\}$
- (2)  $\{0, 1\}$
- (3)  $R$
- (4)  $\{0, i\}$

74.  $(Z_8, +, \cdot)$  వలయములోని శూన్య భాజకాలు

- (1)  $\{\bar{2}, \bar{4}\}$
- (2)  $\{\bar{3}, \bar{5}\}$
- (3)  $\{\bar{2}, \bar{4}, \bar{6}\}$
- (4)  $\{\bar{3}, \bar{5}, \bar{7}\}$

75. మాడ్యూలో 11 అవశేషాల తరగతుల వలయము

$(Z_{11}, +, \cdot)$  మీద నిర్వచించబడిన బహుపదుల వలయము  $Z_{11}[x]$  ఒక

- (1) శూన్య భాజకాల గల వలయము
- (2) పూర్ణాంక ప్రదేశము
- (3) విభాగవలయము
- (4) క్షేత్రము

76. క్షేత్రము  $F$  మీద నిర్వచించబడిన బహుపదుల వలయము

$F(x)$  లో యూనిట్ మూలకాల సమితి

- (1)  $\{1, -1\}$
- (2)  $F - \{0\}$
- (3)  $\{p(x) | p(x) \text{ ఒక అక్షర బహుపది}\}$
- (4)  $\phi$

77. సంకీర్ణ సంఖ్యల సంకలనము, గుణనము ధృష్ట్యా వలయము

$Z(\sqrt{-5}) = \{a + b\sqrt{-5} | a, b \text{ లు పూర్ణాంకాలు}\}$  లోని యూనిట్ మూలకాలు

- (1)  $1, 5i$
- (2)  $5i, -5i$
- (3)  $-1, -1, 5i, -5i$
- (4)  $1, -1$

78.  $(Z, +, \cdot)$ , ఒక వలయము, పూర్ణాంకములో జనితమైన

ప్రధాన ఐడియల్  $(n) = \{nr | r \in Z\}$  అయితే, యీ క్రింది ప్రధాన ఐడియల్స్ లో ఏది అధికతమ ఐడియల్

- (1)  $(59)$
- (2)  $(49)$
- (3)  $(39)$
- (4)  $(29)$

79. వలయము  $(Z_8, +, \cdot)$  లో  $\bar{5}$  తో జనితమైన ప్రధాన ఐడియల్

- (1)  $Z_8$
- (2)  $\{\bar{0}, \bar{3}, \bar{5}, \bar{7}\}$
- (3)  $\{\bar{0}, \bar{1}, \bar{5}, \bar{7}\}$
- (4)  $\{\bar{0}, \bar{1}, \bar{2}, \bar{4}, \bar{6}\}$

80. వలయము  $R$  లో ప్రతి  $x$  కు  $R$ ,  $x^2 = x$

అయ్యేట్లయితే యీ క్రింది ప్రవచనములలో ఏది తప్పు

- (1)  $R$  యొక్క లాక్షణికము 2
- (2)  $\forall x \in R, x = -x$
- (3)  $\forall x, y \in R, xy = yx$
- (4)  $R$  యొక్క లాక్షణికము 0

D

(24)

LD/713

81. If  $a$  is a unit in a Euclidean domain  $D$  with Euclidean valuation function  $d$  then
- (1)  $d(a) > d(x)$  for all  $x$  in  $D$
  - (2)  $d(a) < d(x)$  for all  $x$  in  $D$
  - (3)  $d(a) = d(1)$
  - (4)  $d(a) = 1$
82. In a Euclidean domain  $D$  if  $c$  and  $d$  are greatest common divisors of the elements  $a$  and  $b$  then
- (1)  $c = d$
  - (2)  $c = d^{-1}$
  - (3)  $c = \pm d$
  - (4)  $c = ud$  for some unit  $u$  in  $D$
83. For the ring  $(\mathbb{Z}, +, \cdot)$  and for the ideal  $7\mathbb{Z} = \{7n/n \in \mathbb{Z}\}$ , the quotient ring  $\mathbb{Z}/7\mathbb{Z}$  is
- (1) an infinite field
  - (2) a finite field
  - (3) a ring with zero divisions
  - (4) is an integral domain but not a field
84. For the elements  $a = 3 - 2i$  and  $b = 2 + i$  in the ring  $\mathbb{Z}[i]$  of Gaussian integers the elements  $q$  and  $r$  in  $\mathbb{Z}[i]$ , which are such that  $a = bq + r$ , and where  $d(x + iy) = x^2 + y^2$ , are respectively
- (1)  $1 - i, -i$
  - (2)  $1 - i, -\bar{i}$
  - (3)  $1 + i, i$
  - (4)  $1 + i, -i$
85. Which of the following statements is false for the polynomial ring  $F[x]$  over a field  $F$ ?
- (1)  $F[x]$  is a principal ideal ring
  - (2)  $F[x]$  is a Euclidean ring
  - (3)  $F[x]$  is a field
  - (4)  $F[x]$  is a unique factorization domain
86. If the projections of the line segment  $PQ$  on the coordinate axes are 1, 2, 3, 4 then  $PQ =$
- (1) 10
  - (2) 11
  - (3) 12
  - (4) 13
87. The points  $A = (1, 1, 1)$ ,  $B = (-2, 4, 1)$  and  $C = (-1, 5, 5)$  are such that
- (1)  $B$  divides  $AC$  internally in the ratio 1:2
  - (2) they form a right angled isosceles triangle
  - (3)  $B$  bisects  $AC$
  - (4) they form an equilateral triangle
88. The point of intersection of the line through  $(-2, 3, 4)$  and  $(1, 2, 3)$  with the  $xz$ -plane is
- (1)  $(7, 0, 1)$
  - (2)  $(-7, 0, 1)$
  - (3)  $(5, 0, 1)$
  - (4)  $(-5, 0, 1)$
89.  $A, B, C$  are vertices of a triangle with  $A = (1, 1, 1)$  and  $B = (-2, 4, 1)$ . If the centroid of the triangle  $ABC$  is the origin then  $C =$
- (1)  $(3, -5, 2)$
  - (2)  $(-1, 5, 2)$
  - (3)  $(1, 5, 2)$
  - (4)  $(1, -5, -2)$
90. The projections of the line  $OP$  where  $O$  is the origin and  $P = (5, 2, 4)$  on the line having direction cosines  $\frac{2}{7}, \frac{-3}{7}, \frac{6}{7}$  is
- (1) 2
  - (2)  $\frac{4}{7}$
  - (3) 4
  - (4)  $\frac{2}{7}$

LD/713

(25)

D

81. యూక్లిడిస్ హెల్పర్ ప్రమేయము  $d$  వున్న యూక్లిడిస్ ప్రదేశము  $D$  తో 'a' ఒక యూనిట్ మూలకమయితే
- (1)  $d(a) > d(x) \forall x \in D$
  - (2)  $d(a) < d(x) \forall x \in D$
  - (3)  $d(a) = d(1)$
  - (4)  $d(a) = 1$

82. యూక్లిడిస్ ప్రదేశము  $D$  తో, మూలకము  $a, b$  ల యొక్క గరిష్ఠ సామాన్య భాజకాలు  $c, d$  అయితే
- (1)  $c = d$
  - (2)  $c = d^{-1}$
  - (3)  $c = \pm d$
  - (4)  $c = ud, u, D$  లో ఏదేని ఒక యూనిట్ మూలకం

83. వలయము  $(Z, +, \cdot)$  మరియు ఐడియల్  $7Z = \{7n/n \in Z\}$ , పుట్టున్నవలయం  $Z/7Z$  ఒక
- (1) అపరిమిత క్షేత్రం
  - (2) పరిమిత క్షేత్రం
  - (3) శూన్య భాజకాలు గల వలయము
  - (4) పూర్ణాంక ప్రదేశము కాని క్షేత్రము కాదు

84.  $z[i]$  ఒక హాస్పియన్ పూర్ణాంకాల వలయము,  $a = 3 - 2i \in Z[i], b = 2 + i \in Z[i], d(x + iy) = x^2 + y^2, a = bq + r$  మరియు  $d(r) < d(b)$  అయ్యేటట్లు  $q$  మరియు  $r \in Z[i]$  అప్పుడు  $q, r$
- (1)  $1, i, i$       (2)  $1, i, i$
  - (3)  $1 + i, i$     (4)  $1 + i, i$

85. క్షేత్రము  $F$  మీద నిర్వచించబడిన బహు పది వలయము  $F[x]$  అయితే యీ క్రింది ప్రవచనములలో ఏది తప్పు
- (1)  $F[x]$  ఒక ప్రధాన ఐడియల్ వలయము
  - (2)  $F[x]$  ఒక యూక్లిడిస్ వలయము
  - (3)  $F[x]$  ఒక క్షేత్రము
  - (4)  $F[x]$  ఒక ఏకైక కారణాంక విభజన ప్రదేశము

86. నిరూపకాక్షముల మీద రేఖా ఖండము PQ యొక్క విస్తీర్ణములు 1, 2, 3, 4 అయితే PQ =
- (1) 10                      (2) 11
  - (3) 12                      (4) 13

87.  $A = (1, 1, 1), B = (-2, 4, 1), C = (-1, 5, 5)$  బిందువులు
- (1) AC ని బిందువు B 1:2 నిష్పత్తిలో అంతరముగ విభజించుము
  - (2) A, B, C ఒక లంబ కోణ ద్విబహు త్రిభుజముగా ఏర్పడును
  - (3) AC ను B నమద్వి ఖండన చేయును
  - (4) A, B, C లు ఒక సమ బహు త్రిభుజముగా ఏర్పడును

88.  $(-2, 3, 4)$  మరియు  $(1, 2, 3)$  బిందువులను కలుపే రేఖ  $xx$  తలమును ఖండింప బిందువు
- (1)  $(7, 0, 1)$                       (2)  $(-7, 0, 1)$
  - (3)  $(5, 0, 1)$                       (4)  $(-5, 0, 1)$

89. ఒక త్రిభుజము యొక్క దీర్ఘములు A, B, C అయితే,  $A = (1, 1, 1), B = (-2, 4, 1)$  ABC యొక్క కేంద్ర భాగము మూల బిందువు అయితే C =
- (1)  $(3, -5, 2)$                       (2)  $(-1, 5, 2)$
  - (3)  $(1, 5, 2)$                       (4)  $(1, -5, -2)$

90. మూల బిందువు 0,  $P = (5, 2, 4), \frac{2}{7}, \frac{-3}{7}, \frac{6}{7}$  దిశ కొస్పైన్స్ గల రేఖ మీద OP యొక్క విస్తీర్ణము
- (1) 2                                      (2)  $\frac{4}{7}$
  - (3) 4                                      (4)  $\frac{2}{7}$

D

(26)

LD/713

91. If  $f(x) = \frac{3x+|x|}{7x-5|x|}$ ,  $x \neq 0$ , then  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  and  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$  are respectively

- (1) 2, -2                      (2)  $2, \frac{1}{2}$   
 (3)  $2, \frac{1}{6}$                       (4)  $2, -\frac{1}{2}$

92. The function  $f(x) = \begin{cases} e^{\frac{1}{x}}, & x \neq 0 \\ 0 & , x = 0, \end{cases}$

- (1) is continuous of  $x=0$   
 (2) has discontinuity of the first kind of  $x=0$   
 (3) has discontinuity of the second kind at  $x=0$   
 (4) has removable discontinuity at  $x=0$

93. If  $f$  is defined by  $f(x) = \frac{a^x - a^{-x}}{x}$ ,  $x \neq 0$ , then the value of  $f$  at  $x=0$ , so that  $f$  is continuous at  $x=0$  is

- (1)  $a \log a$     (2)  $\frac{1}{2} \log a$   
 (3)  $\log a$       (4)  $2 \log a$

94. Let  $f: R \rightarrow R$  be defined by  $f(x) = x - [x]$ , where  $[x]$  is the largest integer less than or equal to  $x$ . Then

- (1)  $f$  is continuous at all  $x$   
 (2)  $f$  is discontinuous at all  $x$   
 (3)  $f$  is continuous at  $x \in Z = \{0, \pm 1, \pm 2, \dots\}$   
 (4)  $f$  is continuous at  $x \in R - Z$

95. The interval on which the functions  $f(x) = x^2$  is not uniformly continuous is

- (1)  $[0, \infty)$                       (2)  $[0, 1]$   
 (3)  $[-1, 0]$                       (4)  $[-1, 1]$

96. For the functions  $f: R \rightarrow R$  defined by

$$f(x) = \begin{cases} x \tan^{-1} \frac{1}{x}, & x \neq 0 \\ 0 & , x = 0 \end{cases}$$

the left hand derivative  $F'(0)$  and the right hand derivative  $Rf'(0)$  at  $x=0$  are respectively given by

- (1)  $-\pi, \pi$                       (2) 0, 0  
 (3)  $-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}$                       (4)  $-\infty, \infty$

97. For the functions  $f: R \rightarrow R$  defined by  $f(x) = |x-1|$ , consider the following statements

- I.  $f$  is continuous at  $x=1$   
 II.  $f$  is differentiable at  $x=1$

- (1) I and II are true  
 (2) I and II are false  
 (3) I is true but II is false  
 (4) I is false but II is true

98. The set of values of  $x$  for which the functions  $f(x) = x^3 - 6x^2 - 36x + 7$  increases with  $x$  is

- (1)  $(-\infty, -2) \cup (6, \infty)$   
 (2)  $[-2, 6]$   
 (3)  $R - \{2, 6\}$   
 (4)  $R$

99. The height of the cylinder of maximum volume that can be inscribed in a sphere of radius  $a$  is

- (1)  $\frac{2a}{3}$                       (2)  $\frac{a}{\sqrt{3}}$   
 (3)  $2\sqrt{3}a$                       (4)  $\frac{2a}{\sqrt{3}}$

100. The maximum value

$$f(x) = \frac{\log(x)}{x}, 0 < x < \infty$$

- (1)  $e$                       (2)  $\frac{1}{e}$   
 (3)  $e^2$                       (4)  $\frac{1}{e^2}$

LD/713

(27)

D

91.  $f(x) = \frac{3x+|x|}{7x-5|x|}$ ,  $x \neq 0$ , అయితే  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  మరియు  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$

- (1)  $2, -2$  (2)  $2, \frac{1}{2}$   
 (3)  $2, \frac{1}{6}$  (4)  $2, -\frac{1}{2}$

92.  $f(x) = \begin{cases} \frac{e^x}{e^x+1}, & x \neq 0 \\ 0, & x = 0, \end{cases}$  అనే ప్రమేయము

- (1)  $x = 0$  వద్ద అవిచ్ఛిన్నమవుతుంది  
 (2)  $x = 0$  వద్ద మొదటి తరగతి విచ్ఛిన్న బిందువు వుంటుంది  
 (3)  $x = 0$  వద్ద రెండవ తరగతి విచ్ఛిన్న బిందువు వుంటుంది  
 (4)  $x = 0$  వద్ద నివార్య విచ్ఛిన్న బిందువు వుంటుంది

93.  $f(x) = \frac{a^x - a^{-x}}{x}$ ,  $x \neq 0$  అనే ప్రమేయము,  $x = 0$  వద్ద అవిచ్ఛిన్నమయేట్టూ,  $x = 0$  వద్ద  $f$  యొక్క విలువ

- (1)  $a \log a$  (2)  $\frac{1}{2} \log a$   
 (3)  $\log a$  (4)  $2 \log a$

94.  $[x]$  కంటే తక్కువకాని, సమానము కాని అయిన గరిష్ఠ పూర్ణాంకము  $[x]$  అయితే  $f: R \rightarrow R$   $f(x) = x - [x]$  గా నిర్వచించబడిన ప్రమేయము

- (1) ప్రతి  $x$  వద్ద  $f$  అవిచ్ఛిన్నమవుతుంది  
 (2) ప్రతి  $x$  వద్ద  $f$  విచ్ఛిన్నమవుతుంది  
 (3)  $x \in Z = \{0, \pm 1, \pm 2, \dots\}$  వద్ద  $f$  అవిచ్ఛిన్నమవుతుంది  
 (4)  $x \in R - Z$ , వద్ద  $f$  అవిచ్ఛిన్నమవుతుంది

95.  $f(x) = x^2$  ప్రమేయము \_\_\_\_\_ అంతరము మీద ఏకరూప అవిచ్ఛిన్నము కాదు

- (1)  $[0, \infty)$  (2)  $[0, 1]$   
 (3)  $[-1, 0]$  (4)  $[-1, 1]$

96.  $f: R \rightarrow R$  మీద,  $f(x) = \begin{cases} x \tan^{-1} \frac{1}{x}, & x \neq 0 \\ 0, & x = 0 \end{cases}$

నిర్వచించబడిన ప్రమేయము యొక్క ఎడమ అవకలని  $F'(0)$  మరియు కుడి అవకలని  $Rf'(0)$

- (1)  $-\pi, \pi$   
 (2)  $0, 0$   
 (3)  $-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}$   
 (4)  $-\infty, \infty$

97.  $f: R \rightarrow R$  మీద,  $f(x) = |x-1|$  గా నిర్వచించబడిన ప్రమేయముకు యొక్క ఏ ప్రవచనములు

- I.  $x = 1$  వద్ద  $f$  అవిచ్ఛిన్నమవుతుంది  
 II.  $x = 1$  వద్ద  $f$  అవకలనమవుతుంది

- (1) I మరియు II ఒప్పు  
 (2) I మరియు II తప్పు  
 (3) I ఒప్పు కాని II తప్పు  
 (4) I తప్పు కాని II ఒప్పు

98. ప్రతి  $x$  కు ప్రమేయం  $f(x) = x^3 - 6x^2 - 36x + 7$  అరోహణ అయితే, అటువంటి  $x$  ల సమితి

- (1)  $(-\infty, -2) \cup (6, \infty)$   
 (2)  $[-2, 6]$   
 (3)  $R - \{2, 6\}$   
 (4)  $R$

99. వ్యాసార్థము  $a$  గల గోళములో అంతర్ స్పర్శ గరిష్ఠ వలన వరిమాణము గల స్థానము యొక్క ఎత్తు

- (1)  $\frac{2a}{3}$  (2)  $\frac{a}{\sqrt{3}}$   
 (3)  $2\sqrt{3}a$  (4)  $\frac{2a}{\sqrt{3}}$

100.  $f(x) = \frac{\log(x)}{x}$ ,  $0 < x < \infty$  ప్రమేయము యొక్క గరిష్ఠ విలువ

- (1)  $e$  (2)  $\frac{1}{e}$   
 (3)  $e^2$  (4)  $\frac{1}{e^2}$



D

(28)

101. If  $f(x) = x^2$  on  $[0, 1]$  and  $P = \left\{0, \frac{1}{4}, \frac{1}{2}, \frac{3}{4}, 1\right\}$  is a partition of the interval  $[0, 1]$ , then the lower sum  $L(P, f) =$

- (1)  $\frac{15}{32}$  (2)  $\frac{5}{32}$   
 (3)  $\frac{9}{32}$  (4)  $\frac{7}{32}$

102. Let  $f$  be a real valued function defined on  $[a, b]$ . Which of the following statements need not be true?

- (1) If  $f$  is continuous on  $[a, b]$ , then it is integrable  
 (2) If  $f$  is monotonic on  $[a, b]$ , then it is integrable  
 If  $f$  is bounded on  $[a, b]$ , then it is integrable  
 (4) If the set of points of  $[a, b]$  at which  $f$  is discontinuous is countable, then it is integrable.

103.  $\int_0^3 x[x] dx =$

- (1)  $6\frac{1}{2}$  (2)  $9\frac{1}{2}$   
 (3)  $5\frac{1}{2}$  (4)  $3\frac{1}{2}$

104.  $\int_{-2}^1 x|x| dx =$

- (1)  $\frac{7}{3}$  (2)  $-\frac{7}{3}$   
 (3) 3 (4) -?

105.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left[ \frac{1}{n} + \frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+2} + \dots + \frac{1}{3n} \right] =$

- (1)  $\log \frac{1}{2}$  (2)  $\log \frac{1}{3}$   
 (3)  $\log 2$  (4)  $\log 3$

106.  $\int_0^3 x d([x] - x) =$

- (1)  $-\frac{3}{2}$  (2)  $\frac{3}{2}$   
 (3)  $\frac{5}{2}$  (4)  $-\frac{5}{2}$

107. The sequence  $\{f_n(x)\}_{n=1}^{\infty}$ , where

$f_n(x) = \frac{nx}{1+x^2x^2}$ ,  $(-\infty < x < \infty)$  converges

- to a uniformly on  
 (1)  $(-\infty, \infty)$  (2)  $(-\infty, 0]$   
 (3)  $\{x \mid |x| > k > 0\}$  (4)  $[0, \infty)$

108. The series  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x}{1+n^2x^2}$  converges

- uniformly on  
 (1)  $[0, \infty)$   
 (2)  $(-1, 1)$   
 (3)  $[0, 1]$   
 (4)  $[a, 1]$   $1 > a > 0$

109. The series  $\sum \frac{(-1)^{n-1}}{n} x^n$  is uniformly

- converges on  
 (1)  $[0, 1]$  (2)  $[0, \infty)$   
 (3)  $(-\infty, 0]$  (4)  $(-\infty, \infty)$

110. If  $f: [a, b] \rightarrow R$  is a bounded functions and  $P_1$  and  $P_2$  are partious of  $[a, b]$  such that  $P_1 C P_2$  then

- (1)  $U(P_1, f) \leq U(P_2, f)$  and  $L(P_1, f) \leq L(P_2, f)$   
 (2)  $U(P_1, f) \leq U(P_2, f)$  and  $L(P_1, f) \geq L(P_2, f)$   
 (3)  $U(P_1, f) \leq U(P_2, f)$  and  $L(P_1, f) \leq L(P_2, f)$   
 (4)  $U(P_1, f) \geq U(P_2, f)$  and  $L(P_1, f) \geq L(P_2, f)$

101.  $P = \left\{0, \frac{1}{4}, \frac{1}{2}, \frac{3}{4}, 1\right\}$ ,  $[0, 1]$  యొక్క విభజనముయితే,  $[0, 1]$  మీద నిర్వచించబడిన ప్రమేయము  $f(x) = x^2$  యొక్క దిగువ మొత్తము  $L(P, f) =$

- (1)  $\frac{15}{32}$   
 (2)  $\frac{5}{32}$   
 (3)  $\frac{9}{32}$   
 (4)  $\frac{7}{32}$

102.  $[a, b]$  అంతరము మీద నిర్వచించబడిన వాస్తవ ప్రమేయము  $f$  అయితే, యీ క్రింద ప్రవచనములలో ఒప్పుకొనకూరలేదు

- (1)  $[a, b]$  మీద  $f$  అవిచ్ఛిన్నము  $\Rightarrow f$  సమాకలనము  
 (2)  $[a, b]$  మీద  $f$  ఏకదిష్టం  $\Rightarrow f$  సమాకలనము  
 (3)  $[a, b]$  మీద  $f$  పరిబద్ధము  $\Rightarrow f$  సమాకలనము  
 (4)  $[a, b]$  లో ప్రమేయము  $f$  విచ్ఛిన్నమైతే బిందువుల సమితి గణన సాధ్యము  $\Rightarrow f$  సమాకలనము

103.  $\int_0^3 x[x] dx =$  గణన

- (1)  $6\frac{1}{2}$   
 (2)  $9\frac{1}{2}$   
 (3)  $5\frac{1}{2}$   
 (4)  $3\frac{1}{2}$

104.  $\int_{-2}^1 x|x| dx =$

- (1)  $\frac{7}{3}$   
 (2)  $-\frac{7}{3}$   
 (3)  $\frac{3}{3}$   
 (4)  $-\frac{3}{3}$

105.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left[ \frac{1}{n} + \frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+2} + \dots + \frac{1}{3n} \right] =$

- (1)  $\log \frac{1}{2}$  (2)  $\log \frac{1}{3}$   
 (3)  $\log 2$  (4)  $\log 3$

106.  $\int_0^3 x d([x] - x) =$

- (1)  $\frac{-3}{2}$  (2)  $\frac{3}{2}$   
 (3)  $\frac{5}{2}$  (4)  $\frac{-5}{2}$

107.  $f_n(x) = \frac{nx}{1+x^2x^2}$ ,  $(-\infty < x < \infty)$  అయితే, అనుక్రమము  $\{f_n(x)\}_{n=1}^{\infty}$ ,  $f$  కు ఏకరూప అభిసరణ చెందే అంతరము

- (1)  $(-\infty, \infty)$  (2)  $(-\infty, 0]$   
 (3)  $\{x \mid |x| > k > 0\}$  (4)  $[0, \infty)$

108. శ్రేణి  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x}{1+n^2x^2}$  అంతరము మీద ఏక రూప అభిసరణము చెందుతుంది

- (1)  $[0, \infty)$  (2)  $(-1, 1)$   
 (3)  $[0, 1]$  (4)  $[a, 1]$ ,  $1 > a > 0$

109. శ్రేణి  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{n} x^n$  అంతరము మీద ఏకరూప అభిసరణ చెందుతుంది

- (1)  $[0, 1]$  (2)  $[0, \infty)$   
 (3)  $(-\infty, 0]$  (4)  $(-\infty, \infty)$

110.  $f: [a, b] \rightarrow R$  మీద నిర్వచించబడిన ప్రమేయము పరిబద్ధము,  $P_1, P_2$  లు  $[a, b]$  యొక్క విభజనములు  $P_1 C P_2$  అయినచో

- (1)  $U(P_1, f) \leq U(P_2, f)$  మరియు  $L(P_1, f) \leq L(P_2, f)$   
 (2)  $U(P_1, f) \leq U(P_2, f)$  మరియు  $L(P_1, f) \geq L(P_2, f)$   
 (3)  $U(P_1, f) \leq U(P_2, f)$  మరియు  $L(P_1, f) \leq L(P_2, f)$   
 (4)  $U(P_1, f) \geq U(P_2, f)$  మరియు  $L(P_1, f) \geq L(P_2, f)$

D

(30)

LD/713

111.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{xe^x - \log(1+x)}{x^2} =$

- (1) 0                      (2)  $\frac{1}{2}$   
 (3) 1                      (4)  $\frac{3}{2}$

112.  $\lim_{x \rightarrow 0^+} (\sin x \log x) =$

- (1) 1                      (2) 0  $\frac{\cos x}{x}$   
 (3)  $\frac{1}{2}$                       (4)  $\infty$

113. Let  $f$  be a monotonic function on the interval  $(a, b)$ . Which of the following statements need not be true?

- (1)  $f$  has no discontinuities of the second kind  
 (2) for every  $x \in (a, b)$ ,  $f(x+)$  and  $f(x-)$  exists  
 (3) The set of discontinuities of  $f$  in  $(a, b)$  is at most countable  
 (4)  $f$  is continuous on  $(a, b)$

114. For the differentiable function  $f$  on  $[a, b]$ , consider the following statements

- I.  $f$  is continuous on  $[a, b]$   
 II.  $f'$  is continuous on  $[a, b]$   
 (1) I is a false but II is true  
 (2) I is true but II is false  
 (3) I and II are true  
 (4) I and II are false

115. For the function  $f$ , which is of bounded variation on  $[a, b]$  consider the following statements?

- I.  $f$  is a difference of two monotonic functions on  $[a, b]$   
 II.  $f'(x)$  exists for almost all  $x$  in  $[a, b]$   
 (1) I and II are true  
 (2) I and II are false  
 (3) I is true but II is false  
 (4) I is false but II is true

116. The inverse of  $\bar{4}$  in the group  $G = \{\bar{1}, \bar{2}, \bar{4}, \bar{5}, \bar{7}, \bar{8}\}$  with respect to multiplication modulo 9 is

- (1)  $\bar{4}$                       (2)  $\bar{5}$   
 (3)  $\bar{7}$                       (4)  $\bar{8}$

117. The order of the permutation

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 \\ 3 & 6 & 4 & 1 & 8 & 2 & 5 & 7 \end{pmatrix}$$

- in  $S_8$  is  
 (1) 18                      (2) 6  
 (3) 9                      (4) 8

118. If  $a$  and  $b$  are elements of an abelian group  $(G, \cdot)$  such that  $O(a) = 4$  and  $O(b) = 6$  then  $O(a \cdot b) =$

- (1) 24                      (2) 6  
 (3) 10                      (4) 12

119. In the group  $(Z_7^*, \odot)$ , where  $Z_7^* = \{\bar{1}, \bar{2}, \bar{3}, \bar{4}, \bar{5}, \bar{6}\}$  and  $\odot$  is multiplication modulo 7, the solution of the equation  $x \odot \bar{5} = \bar{6}$  is

- (1)  $\bar{5}$                       (2)  $\bar{6}$   
 (3)  $\bar{4}$                       (4)  $\bar{3}$

120. Let  $G$  be a finite abelian group of order  $n$  and let  $r < n$  be a positive integer relatively prime to  $n$ . Then the kernel of the homomorphism  $f: G \rightarrow G$  given by  $f(a) = a^r$ , for all  $a \in G$ , is

- (1)  $\{e\}$   
 (2)  $\{a^s \mid (s, n) = 1\}$   
 (3)  $\{a^s \mid (s, r) = 1\}$   
 (4)  $G$

LD/713

(31)

D

111.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{xe^x - \log(1+x)}{x^2} =$

- (1) 0 (2)  $\frac{1}{2}$   
 (3) 1 (4)  $\frac{3}{2}$

112.  $\lim_{x \rightarrow 0^+} (\sin x \log x) =$

- (1) 1 (2) 0  
 (3)  $\frac{1}{2}$  (4)  $\infty$

113.  $(a, b)$  అంతరము మీద ఏక దిష్ట ప్రమేయము  $f$  అయితే, యీ క్రింది ప్రవచనములలో ఏది ఒప్పు కానక్కర లేదు

- (1)  $f$  కు రెండవ తరగతి విచ్ఛిన్న బిందువు లుండవు  
 (2) ప్రతి  $x \in (a, b)$  వద్ద,  $f(x+)$  మరియు  $f(x-)$  అస్థిత్వము అవుతాయి  
 (3)  $(a, b)$  లో  $f$  యొక్క విచ్ఛిన్నత బిందువుల సమితి దాదాపుగా గణన సాధ్యము  
 (4)  $(a, b)$  మీద  $f$  అవిచ్ఛిన్నమవుతుంది

114.  $[a, b]$  అంతరము మీద  $f$  ఒక అవకలన ప్రమేయము, యీ క్రింది ప్రవచనములను పరిగణించుము

- I.  $[a, b]$  మీద  $f$  అవిచ్ఛిన్నమవుతుంది  
 II.  $[a, b]$  మీద  $f$  అవిచ్ఛిన్నమవుతుంది  
 (1) I తప్పు కాని II ఒప్పు  
 (2) I ఒప్పు కాని II తప్పు  
 (3) I మరియు II ఒప్పు  
 (4) I మరియు II తప్పు

115.  $[a, b]$  అంతర మీద  $f$  ఒక పరిబద్ధ విచలన ప్రమేయము, యీ క్రింది ప్రవచనములను పరిగణించండి

- I.  $[a, b]$  మీద ప్రమేయము  $f$ , రెండు ఏకదిష్ట ప్రమేయముల భేదము  
 II.  $[a, b]$  లోని దాదాపు అన్ని బిందువులు  $x$  వద్ద  $f'(x)$  అస్థిత్వమువుతుంది  
 (1) I మరియు II ఒప్పు  
 (2) I మరియు II తప్పు  
 (3) I ఒప్పు కాని II తప్పు  
 (4) I తప్పు కాని II ఒప్పు

116. గుణనమాడ్యులో 9 దృష్ట్య సమూహమైన  $G = \{\bar{1}, \bar{2}, \bar{4}, \bar{5}, \bar{7}, \bar{8}\}$  లో 4 యొక్క విలోమము

- (1)  $\bar{4}$  (2)  $\bar{5}$   
 (3)  $\bar{7}$  (4)  $\bar{8}$

117.  $\delta_8$  లో పరావర్తనము

- $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 \\ 3 & 6 & 4 & 1 & 8 & 2 & 5 & 7 \end{pmatrix}$  యొక్క పరిమాణము  
 (1) 18 (2) 6  
 (3) 9 (4) 8

118.  $a, b$  లు వినిమయ సమూహము  $(G, \cdot)$  లో మూలకాలు,  $O(a) = 4$  మరియు  $O(b) = 6$  అయితే  $O(a \cdot b) =$

- (1) 24 (2) 6  
 (3) 10 (4) 12

119.  $Z_7 = \{\bar{1}, \bar{2}, \bar{3}, \bar{4}, \bar{5}, \bar{6}\}, \odot$  ఒక గుణనమాడ్యులో 7, అయితే సమూహము  $(Z_7, \odot)$  లో సమీకరణము  $x \odot \bar{5} = \bar{6}$  యొక్క సాధన

- (1)  $\bar{5}$  (2)  $\bar{6}$   
 (3)  $\bar{4}$  (4)  $\bar{3}$

120. పరిమిత వినిమయ సమూహము తరగతిలో  $r$  ఒక ధన పూర్ణాంకము,  $n$  కు సాపేక్ష ప్రధాన సంఖ్య అయిన  $r < n$  అయితే,  $f : G \rightarrow G, f(a) = a^r, \forall a \in G$  గా నిర్వచించబడిన సమరూపత యొక్క అస్థిత్వము (kernel)

- (1)  $\{e\}$   
 (2)  $\{a^s \mid (s, n) = 1\}$   
 (3)  $\{a^s \mid (s, r) = 1\}$   
 (4)  $G$

D

(32)

LD/713

121. If  $T: R^2 \rightarrow R^2$  is a linear transformation defined by  $T(3,1) = (2,-4)$  and  $T(1,1) = (0,2)$ , then for  $(a,b) \in R^2$   $T(a,b) =$

- (1)  $(5b - 3a, a - b)$
- (2)  $(2a, -3b)$
- (3)  $(a - b, 5b - 3a)$
- (4)  $(a + b, a - b)$

122. If  $f: R^3 \rightarrow R^3$  is a linear transformation defined by  $f(x_1, x_2, x_3) = (x_1 - x_2, x_2 - x_3, x_3 - x_1)$  then  $(a, b, c) \in \text{Im} f$  implies that

- (1)  $a + b + c = 0$
- (2)  $a = b = c$
- (3)  $a = b + c$
- (4)  $2a = b + c$

123. If  $f: R^4 \rightarrow R^4$  is a linear transformation given by  $f(a, b, c, d) = (2a, 0, 0, c + d)$ , then  $\text{rank } f =$

- (1) 4
- (2) 3
- (3) 2
- (4) 1

124. If  $f: R^4 \rightarrow R^2$  is the linear transformation defined by  $f(a, b, c, d) = (2a, -b)$  then  $\text{nullity } f =$

- (1) 4
- (2) 3
- (3) 2
- (4) 1

125. If S and T are linear transformations on  $R^2$  defined by  $S(x,y) = (-y,x)$  and  $T(x,y) = (0,-x)$ , then which of the following statements is true?

- (1)  $S^2 = I, T^2 = I$
- (2)  $S^2 = I, T^2 = 0$
- (3)  $S^2 = -I, T^2 = 0$
- (4)  $S^2 = -I, T^2 = -T$

126. The matrix of the linear transformation  $T: R^2 \rightarrow R^2$  given by  $T(a,b) = (-b,a)$  in the basis  $\{(1,2), (-1,1)\}$  is

- (1)  $\begin{pmatrix} -1 & 4 \\ 3 & 3 \\ 5 & 1 \\ 3 & 3 \end{pmatrix}$
- (2)  $\begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 3 & 3 \\ 5 & 1 \\ 3 & 3 \end{pmatrix}$
- (3)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- (4)  $\begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 3 & 3 \\ 7 & 1 \\ 3 & 3 \end{pmatrix}$

127. The matrix of the linear transformation  $T: R^3 \rightarrow R^2$  with respect to the standard bases of  $R^3$  and  $R^2$  is

- For  $(a, -2b, 3c) \in R^3$ ,  $T(a, -2b, 3c) =$
- (1)  $(a - 3c, 2b - 3c)$
  - (2)  $(a - 6c, 2b - 3c)$
  - (3)  $(a + 6c, 2b - 3c)$
  - (4)  $(a - 6c, 2b + 3c)$

128. Let  $M_2(R)$  be the vector space of  $2 \times 2$  matrices over the field R of real numbers. The matrix of the linear transformation  $T: M_2(R) \rightarrow M_2(R)$

given by  $T(v) = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} (v)$  for  $v \in M_2(R)$  with respect to the basis  $\left\{ \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \right\}$  of  $M_2(R)$  over R is

- (1)  $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$
- (2)  $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$
- (3)  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$
- (4)  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$

LD/713

(33)

D

121.  $T: R^2 \rightarrow R^2$ ,  $T(3,1) = (2,-4)$   
 $T(1,1) = (0,2)$ , గా నిర్వచించబడిన ఏక ఘాత  
 పరివర్తన T అయితే  $\forall (a,b) \in R^2$   $T(a,b) =$

- (1)  $(5b-3a, a-b)$
- (2)  $(2a, -3b)$
- (3)  $(a-b, 5b-3a)$
- (4)  $(a+b, a-b)$

122.  $f: R^3 \rightarrow R^3$

$f(x_1, x_2, x_3) = (x_1 - x_2, x_2 - x_3, x_3 - x_1)$  గా  
 నిర్వచించబడిన ఏక ఘాత పరివర్తన  $f$  అయితే  
 $f \forall (a,b,c) \in \text{Im}f \Rightarrow$

- (1)  $a+b+c=0$
- (2)  $a=b=c$
- (3)  $a=b+c$
- (4)  $2a=b+c$

123.  $f: R^4 \rightarrow R^4$ ,

$f(a,b,c,d) = (2a, 0, 0, c+d)$ , గా  
 నిర్వచించబడిన ఏక ఘాత పరివర్తన  $f$  అయితే  $f$  యొక్క  
 కోటి

- (1) 4
- (2) 3
- (3) 2
- (4) 1

124.  $f: R^4 \rightarrow R^2$ ,  $f(a,b,c,d) = (2a,-b)$  గా  
 నిర్వచించబడిన ఏక ఘాత పరివర్తన  $f$  అయితే  $f$  యొక్క  
 శూన్యత

- (1) 4
- (2) 3
- (3) 2
- (4) 1

125.  $S(x,y) = (-y,x)$  మరియు  $T(x,y) = (0,-x)$ ,  
 గా  $R^2$  మీద నిర్వచించబడిన ఏక ఘాత పరివర్తనలు S, T  
 అయితే యీ క్రింది ప్రవచనలలో ఏది ఒప్పు?

- (1)  $S^2 = I, T^2 = I$
- (2)  $S^2 = I, T^2 = 0$
- (3)  $S^2 = -I, T^2 = 0$
- (4)  $S^2 = -I, T^2 = -T$

126.  $\{(1,2), (-1,1)\}$  ఆధారము గల  $T: R^2 \rightarrow R^2$   
 $T(a,b) = (-b,a)$  అనే ఏక ఘాత పరివర్తన యొక్క  
 మాత్రిక

- (1)  $\begin{pmatrix} -1 & 4 \\ 3 & 3 \end{pmatrix}$  (2)  $\begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 3 & 3 \end{pmatrix}$
- (3)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$  (4)  $\begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 3 & 3 \\ 7 & 1 \\ 3 & 3 \end{pmatrix}$

127.  $R^3$  మరియు  $R^2$  లో ప్రామాణిక ఆధారముల ద్వారా  
 $T: R^3 \rightarrow R^2$  అనే ఏక ఘాత పరివర్తన T యొక్క  
 మాత్రిక  $\begin{pmatrix} 1 & 0 & -2 \\ 0 & -1 & 1 \end{pmatrix}$  అయితే

- (1)  $(a-3c, 2b-3c)$  (2)  $(a-6c, 2b-3c)$
- (3)  $(a+6c, 2b-3c)$  (4)  $(a-6c, 2b+3c)$

128. వాస్తవ సంఖ్యల క్షేత్రము R మీద నిర్వచించబడిన  
 సమాంతరాళము  $M_2(R)$ .  $M_2(R)$  లో ఆధారము

$\left\{ \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \right\}$  ద్వారా  
 $T: M_2(R) \rightarrow M_2(R)$   $v \in M_2(R)$

$T(v) = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} v$  గా నిర్వచించబడిన ఏక ఘాత పరివర్తన  
 యొక్క మాత్రిక

- (1)  $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$  (2)  $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$
- (3)  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$  (4)  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$

D

(34)

LD/713

129. The rank of the following matrix is

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & -4 & 3 \\ 2 & -1 & -3 & 5 \\ -1 & 8 & -6 & -1 \end{pmatrix}$$

- (1) 1 (2) 2  
 (3) 3 (4) 4

130. If the following matrix is a symmetric matrix then  $(x, y) =$

$$\begin{pmatrix} 4 & -2 & 1 & 6 \\ -2 & 0 & 3 & -1 \\ y+4 & 3 & 5 & -2 \\ 6 & -1 & -x+1 & -3 \end{pmatrix}$$

- (1)  $(-3, 3)$  (2)  $(3, 5)$   
 (3)  $(1, -3)$  (4)  $(3, -3)$

131. The characteristic polynomial of the

following matrix is  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \\ 2 & 0 & 1 \end{pmatrix}$

- (1)  $\lambda^3 - \lambda^2 - 5\lambda - 3 = 0$   
 (2)  $\lambda^3 + \lambda^2 - 5\lambda - 3 = 0$   
 (3)  $\lambda^3 - \lambda^2 - 4\lambda - 3 = 0$   
 (4)  $\lambda^3 + \lambda^2 - 4\lambda - 3 = 0$

132. If  $A = \begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$  then

- (1)  $A^2 - 3A + 7I = 0$   
 (2)  $A^2 - 5A + 5I = 0$   
 (3)  $A^2 - 3A - 7I = 0$   
 (4)  $A^2 + 3A - 5I = 0$

133. The eigen values of the matrix

$$\begin{pmatrix} \cos \theta & \sin \theta \\ -\sin \theta & \cos \theta \end{pmatrix}$$
 are

- (1) 1, -1  
 (2)  $\cos \theta, \sin \theta$   
 (3)  $\cos \theta, -\sin \theta$   
 (4)  $e^{-i\theta}, e^{i\theta}$

134. The eigen vector of the matrix

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
 corresponding to the eigen value 1 is

- (1)  $(1, 0, 1)$   
 (2)  $(0, 1, 1)$   
 (3)  $(1, 1, 0)$   
 (4)  $(1, 1, 1)$

135. The inverse of the matrix

$$A = \begin{pmatrix} 1 & -3 & 3 \\ 0 & -1 & 2 \\ 0 & -3 & 1 \end{pmatrix}$$
 is

- (1)  $\frac{1}{5}(A^2 - A + 5I)$   
 (2)  $\frac{1}{5}(A^2 + A - 5I)$   
 (3)  $\frac{1}{7}(A^2 - A + 7I)$   
 (4)  $\frac{1}{7}(A^2 + A - 7I)$

LD/713

(35)

D

129. ఈ క్రింది మాత్రిక  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & -4 & 3 \\ 2 & -1 & -3 & 5 \\ -1 & 8 & -6 & -1 \end{pmatrix}$  యొక్క

కోటి

- (1) 1 (2) 2  
(3) 3 (4) 4

130. మాత్రిక

$$\begin{pmatrix} 4 & -2 & 1 & 6 \\ -2 & 0 & 3 & -1 \\ y+4 & 3 & 5 & -2 \\ 6 & -1 & -x+1 & -3 \end{pmatrix}$$

సాధ్యమయితే

$(x, y) =$

- (1)  $(-3, 3)$  (2)  $(3, 5)$   
(3)  $(1, -3)$  (4)  $(3, -3)$

131. ఈ క్రింది మాత్రిక  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \\ 2 & 0 & 1 \end{pmatrix}$  యొక్క లాక్షణిక

బహుపది

- (1)  $\lambda^3 - \lambda^2 - 5\lambda - 3 = 0$   
(2)  $\lambda^3 + \lambda^2 - 5\lambda - 3 = 0$   
(3)  $\lambda^3 - \lambda^2 - 4\lambda - 3 = 0$   
(4)  $\lambda^3 + \lambda^2 - 4\lambda - 3 = 0$

132.  $A = \begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$  అయితే

- (1)  $A^2 - 3A + 7I = 0$   
(2)  $A^2 - 5A + 5I = 0$   
(3)  $A^2 - 3A - 7I = 0$   
(4)  $A^2 + 3A - 5I = 0$

133. మాత్రిక  $\begin{pmatrix} \cos \theta & \sin \theta \\ -\sin \theta & \cos \theta \end{pmatrix}$  యొక్క లాక్షణిక విలువలు

- (1) 1, -1  
(2)  $\cos \theta, \sin \theta$   
(3)  $\cos \theta, -\sin \theta$   
(4)  $e^{-i\theta}, e^{i\theta}$

134. మాత్రిక  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$  లో లాక్షణిక విలువ 1 కు

అనుస్థితమైన లాక్షణిక సదిశ

- (1)  $(1, 0, 1)$   
(2)  $(0, 1, 1)$   
(3)  $(1, 1, 0)$   
(4)  $(1, 1, 1)$

135. మాత్రిక  $A = \begin{pmatrix} 1 & -3 & 3 \\ 0 & -1 & 2 \\ 0 & -3 & 1 \end{pmatrix}$  యొక్క విలోమము

- (1)  $\frac{1}{5}(A^2 - A + 5I)$   
(2)  $\frac{1}{5}(A^2 + A - 5I)$   
(3)  $\frac{1}{7}(A^2 - A + 7I)$   
(4)  $\frac{1}{7}(A^2 + A - 7I)$



D

(36)

LD/713

136. The matrix of the quadratic form  $f$  on  $R^2$  defined by  $f((x_1, x_2), (y_1, y_2)) = x_1y_1 + x_1y_2 + x_2y_1 + x_2y_2$  relative to the basis  $\{(1, 0), (0, 1)\}$  is

(1)  $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$

(2)  $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$

(3)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$

(4)  $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$

137. The matrix of the quadratic form  $f$  on  $R^2$  defined by  $f((x_1, x_2), (y_1, y_2)) = x_1y_1 + x_2y_2$  in the basis  $\{(1, -1), (1, 1)\}$  is

(1)  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$

(2)  $\begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$

(3)  $\begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$

(4)  $\begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$

138. If the system of equations  $x - ky - z = 0$ ,  $kx - y - z = 0$ ,  $x + y - z = 0$  has a non-zero solution then the possible values of  $K$  are

(1)  $-1, 1$

(2)  $1, 1$

(3)  $1, 2$

(4)  $-1, 2$

139. If the system of equations  $x + 4ay + az = 0$ ,  $x + 3by + bz = 0$ ,  $x + 2cx + cz = 0$  has a non-trivial solution, then  $a, b, c$  are in

(1) A. P

(2) G. P

(3) H. P

(4) A. G. P

140. If  $\alpha, \beta$  are two vectors in an inner product space  $V(F)$  such that  $|\langle \alpha, \beta \rangle| = \|\alpha\| \|\beta\|$  then  $\alpha, \beta$  are

(1) Linearly independent

(2) Linearly dependent

(3) Orthogonal

(4) None

141. The value of  $f(z)$  at  $z = -i$ , so that the function  $f(z) = \frac{z^2 + 3iz - 2}{z + i}$ ,  $z \neq -i$ , is continuous at  $z = -i$  is

(1)  $3i$

(2)  $-3i$

(3)  $-i$

(4)  $i$

142. For the function  $f(z) = z \cdot \text{Re } z$ , consider the following statements

I.  $f$  is differentiable at  $z = 0$

II.  $f$  is analytical at  $z = 0$

(1) I and II are true

(2) I and II are false

(3) I is true but II is false

(4) I is false but II is true

143. The function  $f(z) = \text{Re } z$  is

(1) not differentiable at every points of the complex plane

(2) differentiable at  $z = 0$  only

(3) differentiable at every points of the complex plane

(4) not continuous at every point of the complex plane

LD/713

(37)

D

136.  $\{(1, 0), (0, 1)\}$  ఆధారము ద్వారా  $R^2$  మీద  $f((x_1, x_2), (y_1, y_2)) = x_1y_1 + x_1y_2 + x_2y_1 + x_2y_2$  గా నిర్వచించబడిన ద్విసూత్రరూపము యొక్క మాత్రిక

- (1)  $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$
- (2)  $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$
- (3)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- (4)  $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$

137. ఆధారముగా  $\{(1, -1), (1, 1)\}$  లో  $R^2$  మీద  $f((x_1, x_2), (y_1, y_2)) = x_1y_1 + x_2y_2$  గా నిర్వచించబడిన ద్విసూత్ర రూపము యొక్క మాత్రిక

- (1)  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$
- (2)  $\begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$
- (3)  $\begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$
- (4)  $\begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$

138.  $x - ky - z = 0$ ,  $kx - y - z = 0$ ,  $x + y - z = 0$  అనే సమీకరణాల వ్యవస్థకు షూన్యేతర సాధన వుంటే  $K$  యొక్క విలువలు

- (1)  $-1, 1$
- (2)  $1, 1$
- (3)  $1, 2$
- (4)  $-1, 2$

139.  $x + 4ay + az = 0$ ,  $x + 3by + bz = 0$ ,  $x + 2cx + cz = 0$  అనే సమీకరణాల వ్యవస్థకు షూన్యేతర అల్ప సాధన వుంటే  $a, b, c$  లు

- (1) A. P
- (2) G. P
- (3) H. P
- (4) A. G. P

140.  $V(F)$  అనే అంతర్లబ్ధాంతరాళంలో సదిశలు  $\alpha, \beta$  లు  $|\langle \alpha, \beta \rangle| = \|\alpha\| \|\beta\|$  అయ్యేటట్టుయితే  $\alpha, \beta$

- (1) ఏకసూత్ర అనాశ్రితాలు
- (2) ఏకసూత్రవరాధినాలు
- (3) లంబకోణీయత
- (4) ఏదీకాదు

141.  $f(z) = \frac{z^2 + 3iz - 2}{z + i}$ ,  $z \neq -i$  అనే ప్రమేయము  $z = -i$ , బిందువు వద్ద అవిచ్ఛిన్నమయితే  $f(i) =$

- (1)  $3i$
- (2)  $-3i$
- (3)  $-i$
- (4)  $i$

142.  $f(z) = z \operatorname{Re} z$ , అనే ప్రమేయానికి, యీ క్రింద ప్రవచనములను పరిగణించుము

- I.  $z = 0$  వద్ద  $f$  అవకలనమవుతుంది
- II.  $z = 0$  వద్ద  $f$  వైశిష్టికమవుతుంది

- (1) I మరియు II ఒప్పు
- (2) I మరియు II తప్పు
- (3) I ఒప్పు కాని II తప్పు
- (4) I తప్పు కాని II ఒప్పు

143.  $f(z) = \operatorname{Re}(z)$  ప్రమేయము

- (1) సంకీర్ణతలములోని ప్రతిబిందువు వద్ద అవకలనము కాదు
- (2)  $z = 0$  వద్ద మాత్రమే అవకలనమవుతుంది
- (3) సంకీర్ణతలములో ప్రతి బిందువు వద్ద అవకలనమవుతుంది
- (4) సంకీర్ణతలములో ప్రతి బిందువు వద్ద అవిచ్ఛిన్నము కాదు

D

(38)

LD/713

144. The value of  $p$  such that the function

$$f(z) = \frac{1}{2} \log(x^2 + y^2) + i \tan^{-1}\left(\frac{px}{y}\right) \quad \text{is}$$

analytic is

(1) 1

(2) -1

(3) 2

(4) -2

145. If  $u = e^z \cos x$  the analytical function

$$f(z) = u + iw \text{ is.}$$

(1)  $e^{iz}$

(2)  $e^z$

(3)  $e^{-iz}$

(4)  $e^{-z}$

146. The set points at which the function

$$f(z) = |z|^2 \text{ for } z \text{ in } C, \text{ is analytic is}$$

(1)  $C$

(2)  $C - \{0\}$

(3)  $\{0\}$

(4)  $\phi$

147. The image of the circle  $|z| = 2$  under the

transformation  $w = \sqrt{2} e^{\frac{i\pi}{4}} \cdot z$ , where  $w = u + iv$ , is the circle

(1)  $|w| = 2$

(2)  $|w| = 2\sqrt{2}$

(3)  $|w| = \sqrt{2}$

(4)  $|w| = 4$

148. The invariant points of the

transformation  $w = \frac{3z - 5i}{iz - 1}$  are

(1)  $10i, -2i$

(2)  $-10i, 2i$

(3)  $5i, -i$

(4)  $-5i, i$

149. The bilinear transformation which maps the points  $z_1 = 0$ ,  $z_2 = 1$  and  $z_3 = -\infty$  into the points  $w_1 = i$ ,  $w_2 = 1$   $w_3 = -i$  is

(1)  $w = \frac{z - i}{iz + 1}$

(2)  $w = \frac{z + i}{z - i}$

(3)  $w = \frac{z + i}{iz + 1}$

(4)  $w = \frac{z - i}{z + i}$

150. The part of the plane shrunk by the map

$$w = \frac{1}{z} \text{ is}$$

(1)  $|z| > 1$

(2)  $|z| < 1$

(3)  $|z| > \frac{1}{2}$

(4)  $|z| < \frac{1}{2}$

LD/713

(39)

D

144. ప్రమేయము

$$f(z) = \frac{1}{2} \log(x^2 + y^2) + i \tan^{-1}\left(\frac{px}{y}\right)$$

పైకేషికముయితే  $p$  యొక్క విలువ

(1) 1

(2) -1

(3) 2

(4) -2

145.  $u = e^z \cos x$  అయితే  $f(z) = u + iv$  అనే పైకేషిక ప్రమేయము

(1)  $e^{iz}$

(2)  $e^z$

(3)  $e^{-iz}$

(4)  $e^{-z}$

146.  $Z \in C$ ,  $f(z) = |z|^2$  ప్రమేయము పైకేషికమయ్యే బిందువుల సమితి

(1)  $C$

(2)  $C - \{0\}$

(3)  $\{0\}$

(4)  $\phi$

147.  $\omega = u + iv$ ,  $\omega = \sqrt{2} e^{i\pi/4}$ .  $z$  అనే పరివర్తనము

క్రింద  $|z| = 2$  వృత్తము యొక్క ప్రతిబింబము

(1)  $|\omega| = 2$

(2)  $|\omega| = 2\sqrt{2}$

(3)  $|\omega| = \sqrt{2}$

(4)  $|\omega| = 4$

148.  $\omega = \frac{3z - 5i}{iz - 1}$  పరివర్తన యొక్క నిశ్చర బిందువులు

(1)  $10i, -2i$

(2)  $-10i, 2i$

(3)  $5i, -i$

(4)  $-5i, i$

149.  $z_1 = 0$ ,  $z_2 = 1$ ,  $z_3 = -\infty$  అనే బిందువులను

$w_1 = i$ ,  $w_2 = 1$ ,  $w_3 = -i$  బిందువుల దగ్గరకు

తీసికొనే ద్వితీయ పరివర్తనము

(1)  $\omega = \frac{z - i}{iz + 1}$

(2)  $\omega = \frac{z + i}{z - i}$

(3)  $w = \frac{z + i}{iz + 1}$

(4)  $w = \frac{z - i}{z + i}$

150.  $w = \frac{1}{z}$  పరివర్తన క్రింద తలములో భాగముకు

సూచిస్తుంది

(1)  $|z| > 1$

(2)  $|z| < 1$

(3)  $|z| > \frac{1}{2}$

(4)  $|z| < \frac{1}{2}$